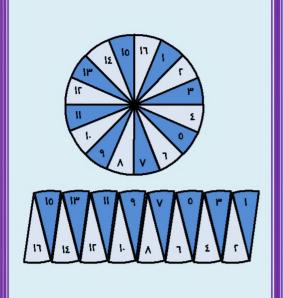
اطنميز

في الرياضيات



> <

إعداد: احمد الشننوري

الصفالسادس الإبندائي الفصل الدراسي الثاني

المحتويات

الوحدة الأولى: الأعداد الصحيحة

* الدرس الأول: مجموعة الأعداد الصحيحة

* الدرس الثانى: ترتيب الأعداد الصحيحة

و المقارنة بينها

* الدرس الثالث: جمع و طرح الأعداد الصحجيحة

* الدرس الرابع: ضرب و قسمة الأعداد الصحيحة

الدرس الخامس: الضرب المتكرر

الدرس السادس: الأنماط العددية

الوحدة الثانية: المعادلات و المتباينات

* الدرس الأول: المعادلة و المتباينة

من الدرجة الأولى

* الدرس الثانى : حل المعادلة من الدرجة الأولى

فى مجهول واحد

* الدرس الثالث: حل المتباينة من الدرجة الأولى

في مجهول واحد

الوحدة الثالثة: الهندسة و القياس

الدرس الأول: المسافة بين نقطتين

في مستوى الاحداثيات

* الدرس الثاني : التحويلات الهندسية : تحويل الانتقال

* الدرس الثالث: مساحة الدائرة

* الدرس الرابع: المساحة الجانبية و الكلية لكل من:

المكعب و متوازى المستطيلات

الوحدة الرابعة: الاحصاء و الاحتمال

* الدرس الأول: تمثيل البيانات الاحصائية

بالقطاعات الدائرية

* الدرس الثاني: التجربة العشوائية

* الدرس الثالث: الاحتمال

بِيْدِ مِ ٱللَّهِ ٱلرَّحْمَزِ ٱلرَّحِيمِ

أحمد الله و اشكره و أثنى عليه أن أعاننى و وفقتى لتقديم هذا الكتاب من مجموعة " المتميز "

فى الرياضيات لأقدمه لأبنائى المتعلمين و إخوانى المعلمين و الذى راعيت فيه تقديم المادة العلمية بطريقة مبسطة و ممتعة مدللاً بأمثلة محلولة ثم تدريبات متنوعة و متدرجة للتدريب على كيفية الحل لتناسب كل المستويات و مرفق حلولها كاملة في آخر الكتاب متمنياً أن ينال رضاكم و ثقتكم التى أعتز بها و الله لا يضيع أجر من أحسن عملا و هو ولى التوفيق

أحمد الننتتوى

للأمانة العلمية يرجى عدم حذف أسمى نهائياً يسمح فقط بإعادة النشر دون أي تعديل

الوحدة الأولي

الدرس الأول: مجموعة الأعداد الصحيحة

الحاجة إلى مزيد من الأعداد: أولا : الأوضاع المتعاكسة :

توجد في حياتنا أوضاع متعاكسة كثيرة لا يمكن التعبير عنها من خلال مجموعة الأعداد الطبيعية مثل:

> أ في الشكل المقابل: رجلان يعنيان من درجة الحرارة الأول يعانى من درجة الحرارة

> > المرتفعة . ٤°

و الثاني يعاني من درجة الحرارة المنخفضة 0° تحت الصفر

هذان وضعان متعاكسان ، و لا نستطيع أن نعير عن درجة الحرارة المنخفضة (0° تحت الصفر) باستخدام الأعداد الطبيعية

٦) في الشكل المقابل: مشهدان في الأول:

يسير الأوتوبيس على سطح الأرض بينما تسير السيارة على الكوبرى

(فوق سطح الأرض)

و في الثاني :

تسير السيارة على سطح الأرض بينما يسير مترو الأنفاق تحت سطح الأرض

الأعداد الصحيحة

هذان وضعان متعاكسان ، و نستطيع أن نعبر في المشهد الأول أن ارتفاع السيارة هو ٢٠ فوق سطح الأرض بينما لا نستطيع التعبير عن انخفاض مترو الأنفاق تحت سطح الأرض باستخدام الأعداد الطبيعية

- ٣) التعبير عن عدد طوابق برج سكنى مثلاً 10 طابقاً فوق سطح الأرض بينما لا يمكننا التعبير عن ٣ طوابق تحت سطح الأرض
 - ٤) التعبير عن مدينة عند مستوى ١٥٠ متراً فوق سطح البحر هو .10 بينما لا يمكننا التعبير عن مستوى مدينة ... متر تحت سطح البحر

مرجة الحرارة

ا) يمكن حل المعادلة : - + + + = 0 في ط كما يلي : $\Psi - V = \Psi - \Psi + \mathcal{V}$

إذن : س = ٣ ، مجموعة الحل = ٢ ٢ }

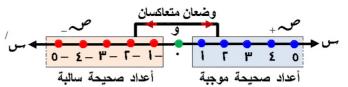
) لا يمكن حل المعادلة : $- + V = \Psi$ في ط حيث : س + V - ۳ = V - V إذن : س = ٣ - ٧ (غير ممكنة في ط)

مما سبق نستنتج أن:

- الحياة مليئة بأمثلة تعبر عن وضعان متعاكسان أحدهما يمكن التعبير عنه في ط ، و الآخر لا يمكن التعبير عنه في ط
- ٢] مجموعة الأعداد الطبيعية محدودة من أسفل (أصغر عدد طبيعي هو الصفر) و حتى يمكن التعامل مع ظواهر الأوضاع المتعاكسة أحمد التنتتوري



كان لابد من توسيع ط فى الإتجاه الآخر لخط الأعداد ($\frac{1}{6-1}$) الم الاتفاق على أن الأعداد على يمين الصفر على خط الأعداد أعداداً موجبة و يرمز لمجموعتها بالرمز -1, و أن الأعداد على يسار الصفر أعداداً سالبة و يرمز لمجموعتها بالرمز -1 أى عدد موجب عدد > صفر ، أى عدد سالب عدد < صفر



ملاحظات

= ط ل صہ

 ا) مجموعة الأعداد الصحيحة غير منتهية و ممتدة عن يمينها و يسارها بلا حدود

أحمد الننتتوري

٢) الصقر ليس عدداً موجباً و ليس عدداً سالباً

 $\mathscr{A} \supset \{\cdot\}$, $\mathscr{A} \supset \mathscr{A}$, $\mathscr{A} \supset +\mathscr{A}$, $\mathscr{A} \supset +\mathscr{A}$

يمكن تمثيل مجموعة الأعداد الصحيحة (ص) بشكل قن المقابل (ص)

(١) أكتب عدداً صحيحاً يعبر عن كل موقف من المواقف التالية كما بالمثال :

العدد الصحيح	الموقف	
۳٥	مكسب تاجر ٣٥ جنيهاً من بيع سلعة ما	مثال
10-	خصم 10 جنيهاً عند شراء خلاط	مدن
	درجة الحرارة بلندن درجتان تحت الصفر	[1]
	إيداع مبلغ ٥٠٠ إلى رصيدك بالبنك	[7]
	موقع غواصة تحت سطح البحر هو ١٠٠٠ م	[٣]
	يسكن محمد في شقة بالدور العاشر ببرج سكني	[٤]
	عمق جراج أربعة طوابق تحت سطح الأرض	[0]

تمثيل مجموعة الأعداد الصحيحة :

يمكن تمثيل محموعة الأعداد 0 - 1 - 1 - 1 - 2 - 0 محموعة الأعداد المقابل

(7) حدد على خط الأعداد كل من العددين (\mathbf{m} ، $-\mathbf{7}$) بلون و معكوس كلاً منهما بلون مختلف \mathbf{m}

(۳) أكمل ما يلى بإستخدام إحدى الكلمات (موجبة – سالبة – صفر) لتصبح العبارات التالية صحيحة :

[] سرعة سيارة إذا كانت :

السيارة تتحرك للأمام تمثلها أعداد

آ توقف السيارة يمثله العدد

"] السيارة تتحرك للخلف تمثلها أعداد

[7] المسافة التي يتحركها حجر من على سطح منزل إذا:

ا] قذف لأعلى المنزل تمثلها أعداد

آ قذف لأسفل المنزل تمثلها أعداد

"] وضع على سطح المنزل يمثله العدد

[۳] حركة شخص إذا تحرك:

ا] جهة اليمين تمثلها أعداد

[7] جهة اليسار تمثلها أعداد

[2] الإرتفاع عن مستوى سطح البحر يمثله أعداد ، بينما مستوى سطح البحر يمثله العدد

، الإنخفاض عن مستوى سطح البحر يمثله أعداد

(٤) أكتب مجموعات الأعداد التالية بطريقة السرد:

[1] س = مجموعة الأعداد الصحيحة الأقل من 2

.... =

 $\Psi = \Delta = \Delta = \Delta = 1$ الأعداد الصحيحة الأكبر من أو تساوى

.... =

.... =

[2] م = مجموعة الأعداد الصحيحة غير السالبة

.... =

[0] م = مجموعة الأعداد الصحيحة الزوجية غير الموجبة

.... =

(0) أكمل ما يلى :

 $\dots = \{\cdot\} \cup + \sim [1]$

.... = _~ ∩ +~ [۲]

[۳] ط – ص- ب

[٤] ص- ح = سا

[0] ط ∪ صہ =

[۱] ص- ط =

أحمد التنتتوى

أحمد الانتنتوري

القيمة المطلقة للعدد الصحيح:

ا] العدد o تمثله النقط (، و هي تبعد خمس وحدات عن نقطة (و) التي تمثل العدد : صفر

العدد -0 تمثله النقط $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ ، و هي تبعد خمس وحدات عن نقطة $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ و $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ التي تمثل العدد : صفر

من ذلك نستنتج أن: القيمة المطلقة للعدد الصحيح م هى: المسافة بين موقع العدد (م) و موقع الصفر على خط الأعداد و هى دائماً موجبة ، و يرمز لها بالرمز | م

 $\mathbf{o} = |\mathbf{o} - |$ ، $|\mathbf{o} = |\mathbf{o}|$ ، $|\mathbf{o} = |\mathbf{o}|$

و بالتالى فإن : كل عدد و معكوسه لهما نفس القيمة المطلقة لأنهما يبعدان نفس المسافة عن نقطة الصفر (و) على خط الإعداد الصحيحة ملاحظات :

إذا كان : | | | | | مثلاً

فإن : ٩ = ٦ أو ٩ = - ٦ أي أن : ٩ = ٢ ٦

٣ | ١٩ | = | - ١٩ | فمثلاً : ١٣ | = | - ٣ |

٣) | صفر | = صفر

| - = | | - = | | - | - |

فمثلاً : _ | ٤ | _ = | ٤ | _ :

0) يمكن إجراء العمليات الحسابية للقيمة المطلقة فمثلاً : |-7| + |V| = 7 + V = 9 و هكذا

أحمد الانتنتوري

(٦) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$(\ \not \ \circ \ \circ \ \ \not \ \ \circ \ \) \qquad \qquad + \sim^{\bullet} \ \dots \ \ | \ \mathbf{0} \ - | \ [\mathbf{1}]$$

$$(0 - (9 - (0 + 9) + (0 +$$

$$["]$$
 إذا كان : س $= |V|$ فإن : س $= ...$

$$(\Lambda \pm \cdot \Lambda \cdot \Lambda - \cdot \frac{\Lambda}{\Lambda})$$

$$(\sim, \{\cdot\} - \omega + \emptyset)$$
 ... = $\sim - + \infty$ [0]

$$(\not \supset ` \not \supset ` \not \supset `) \sim \dots \{ 1 - \} [V]$$

$$(\Rightarrow ` \Rightarrow ` \Rightarrow)$$
 الصفر صہے $(\Rightarrow ` \Rightarrow ` \Rightarrow)$

$$(\mathbf{V} - (\mathbf{I} - (\mathbf{F} - (\mathbf{F})))) = \dots = \mathbf{V}$$

$$\{ \mathsf{\Gamma} : \mathsf{P} - \mathsf{I} - \mathsf{I} - \mathsf{I} \cap \mathsf{P} \cap \mathsf{P}$$

$$(\Gamma \cdot 1 - \cdot \Gamma - \cdot 1) \qquad \dots =$$

ال النا كان :
$${}^{\dagger} \in d$$
 ${}^{\prime} -$ فإن : ${}^{\dagger} =$...

$$(\ \ \ \ \ \ \) \qquad \qquad \sim \sim \quad \ldots \quad 0,0 \ [\mathfrak{l}\mathfrak{l}]$$

الدرس الثاني: ترتيب الأعداد الصحيحة و المقارنة بينها

نعلم أن : تتوفر الخاصيتان التاليتان في مجموعة الأعداد الطبيعية أولاً :

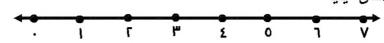
إذا كان : A ، ب عددين طبيعين ب A . مثلين على خط الأعداد كما بالشكل المقابل :

- ا) و كانت النقطة التي تمثل العدد ب تقع على يمين النقطة التي تمثل العدد A فإن A فإن A فإن A فإن A أ
- ر کانت النقطة التی تمثل العدد q تقع علی یسار النقطة التی تمثل العدد q فإن q q q q

نفس الخاصية تتوفر في مجموعة الأعداد الصحيحة

ثانياً :

خاصية التتابع و الفرق الثابت و هو الوحدة بين أى عدد طبيعى و الذى يليه



نفس الخاصية تتوفر أيضاً في مجموعة الأعداد الصحيحة

مما سبق نستنتج أن:

أولاً : كلاً من مجموعة الأعداد الطبيعة ، و مجموعة الأعداد الصحيحة مرتبة كما هو مبين على خط الأعداد التالي

أحمد النننتوري

ا) مرتبة تصاعدياً (من الأصغر إلى الأكبر) كلما اتجهنا من اليسار إلى اليمين

ر من الأكبر إلى الأصغر) كلما اتجهنا من اليمين إلى اليسار

ثانياً: عند المقارنة بين أَى عددين صحيحين فإن العدد الذي يقع على يمين الآخر هو الأكبر و العكس صحيح معنى ذلك:

ا) > ۳ > ۲ > ۱ > ۰ > ۱ > ۳ > ۳ > (ا (ترتیب تصاعدی)

(۱) أكمل لترتيب الأعداد التالية تصاعدياً ثم تنازلياً

1 · V · I · V - · I -

أصغر الأعداد هو: - ٧ لأنه يقع أقصى اليسار على خط الأعداد

ثم يليه : ، ، ، V

الترتيب التصاعدي هو : - ٧ ، ، ، ٧

بينما أكبر الأعداد هو : ٧ لأنه يقع أقصى اليمين على خط الأعداد

ثم يليه : ، ، ... ، - V

الترتيب التنازلي هو : ٧ ، ، ، ، - ٧

أحمد الاننتوى

(١) رتب الأعداد التالية:

الترتيب التصاعدي هو:

الترتيب التنازلي هو :

(۳) أكتب العدد الصحيح السابق و العدد الصحيح التالى لكل عدد صحيح فيما يلى كما بالمثال :

العدد التالي	العدد السابق	العدد الصحيح	
۳_	0 —	٤-	مثال
		1. –	[1]
		1.	[7]
		صقر	[٣]

(٤) أكتب الأعداد الصحيحة المحصورة بين كل عددين صحيحين مما يلى :

الأعداد المحصورة	العددين	
	۱ ، ۳ –	[1]
	0 -	[7]
	٤،١-	[٣]

(0) أكمل الفراغ بوضع علامة (> أو = أو <) في كل مما يلى :

٤ ٣- -	[7]	0 0 -	[1]
11 1 + 1-	[٤]	II I· -	[٣]
9 - V -	[1]	1 1 -	[0]

(٦) اكتب كل مما يلى بطرقة السرد:

$$\{ \Sigma \geqslant \omega \geqslant 1 - : \omega \} = \emptyset [\Sigma]$$

أحمد الننتتوى

أحمد الننتتوي

الدرس الثالث: جمع و طرح الأعداد الصحيحة

أولاً: جمع الأعداد الصحيحة

إمكانية الجمع في صم

(٩) جمع عددين صحيحين موجبين :

لايجاد ناتج : ۲ + ۳ نستخدم خط الأعداد كما يلى :

- ١) نبدأ من الصفر ثم نتحرك يميناً وحدتين لتمثيل العدد ٦
- ٢) نبدأ العدد ٢ و نتحرك يميناً ثلاث وحدات لتمثيل العدد ٣
 - ٣) نصل إلى العدد ٥ ، و هو ناتج الجمع

أى أن: جمع الأعداد الصحيحة الموجبة مماثل لجمع الأعداد الطبيعية

(ب) جمع عددین صحیحین سائبین :

- ا) نبدأ من الصفر ثم نتحرك يساراً بمقدار القيمة المطلقة للعدد (7)
- ٢) نبدأ العدد (٢) و نتحرك يساراً بمقدار القيمة المطلقة للعدد (٣)
 - ٣) نصل إلى العدد (0) ، و هو ناتج الجمع

أى أن : جمع عددين صحيحيين سالبين = عدداً صحيحاً سالباً

أحمد الننتتوري

(ح) جمع عددين صحيحين أحدهما موجب و الآخر سالب:

- ا لايجاد ناتج : $\Sigma + (V V)$ نستخدم خط الأعداد كما يلى :
- ا) نبدأ من الصفر ثم نتحرك يميناً أربع وحدات لتمثيل العدد ٤
- (V-) نبدأ العدد (Σ) و نتحرك يساراً بمقدار القيمة المطلقة للعدد (Σ)
 - ٣) نصل إلى العدد (٣) ، و هو ناتج الجمع

- $oldsymbol{\mathsf{V}} + oldsymbol{\mathsf{V}} + oldsymbol{\mathsf{V}} + oldsymbol{\mathsf{V}} + oldsymbol{\mathsf{V}} = oldsymbol{\mathsf{V}}$ لايجاد ناتج :
- ا) نبدأ من الصفر ثم نتحرك يساراً بمقدار القيمة المطلقة للعدد (_ 2)
 - انبدأ العدد (2) و يميناً سبع وحدات لتمثيل العدد V
 - ٣) نصل إلى العدد (٣) ، و هو ناتج الجمع

ملاحظة :

بنفس الخطوات نجد أن إيجاد ناتج : (-) +) = صفر أي أن :

حاصل جمع عددين أحدهما موجب و الآخر سالب = عدداً صحيحاً قد يكون موجباً أو سالباً (حسب إشارة أكبرهما) أو صفراً

أحمد التنتتوري

(۱) أوجد ناتج ما يلى :

(٢) أكمل بنفس التسلسل:

خواص عملية الجمع في صم:

خواص عملية الجمع في صم هي :

الإنغلاق: عملية الجمع مغلقة في صه

بمعنی أن : ناتج جمع أی عددین صحیحین هو عدد صحیح أی أنه إذا كان : $9 \in 9$ ، $9 \in 9$ ، $9 \in 9$ فإن : $9 + 9 \in 9$ ، $9 \in 9$ ، $9 \in 9$

قان : $q + p = \Delta$ ، $\Delta \in \mathbb{R}$ و بالتالى فإن : عملية الجمع ممكنة دائماً فى $Q \to \mathbb{R}$

ر) الإبدال : عملية جمع أى عددين صحيحين إبدائية بمعنى أنه إذا كان : $q \in Q$ ، $v \in Q$ فإن : q + v = v + q فمثلاً : (-q) + z = z + (-q) = 1

احمد التنتتوري

المحاید الجمعی : الصفر هو المحاید الجمعی فی صه
 کما کان محایداً جمعیاً فی ط

بمعنی آن إذا کان: $q \in \mathcal{P}$ فإن: $q + \cdot = \cdot + q = q$ فمثلاً: $q + \cdot = \cdot + q = q$ ،

$$(\Sigma-)=(\Sigma-)+\cdot=\cdot+(\Sigma-)$$

على خط الأعداد (+) على خط الأعداد الصحيحة يقابله عدد صحيح سالب (- +) الصحيحة يقابله عدد صحيح سالب (- +) بحيث ناتج جمعهما = صفراً (- +) = (- +) + (- +) = (- +) + (- +) = (- +

ملاحظات:

- -1 معكوس العدد صفر هو صغر -1 + -1 = -1
 - ر (+ 4) هو 2 (+4) = (-4) معکوس (+ 4) هو 4 4) هو 4 4)
- معکوس (-4) هو : -(-4) = +4فمثلاً : معکوس (-9) هو : -(-9) = +9

(٣) أكمل :

$$\dots = (\Sigma -) - [\Gamma] \qquad \dots = (0 -) - [I]$$

$$\dots = (+) - [2] \qquad \dots = (+) - [4]$$

$$\dots = (1-)-[1] \qquad \dots = (12+)-[0]$$

أحمد الننتتوري

- 0) الدمج : عملية الجمع دامجة في ص
- بمعنى أن : لأى ثلاثة أعداد صحيحة م، ب، حا يكون :
- - $\Sigma = \Lambda + (\Sigma -) = (0 + \Psi) + (\Sigma -)$
- أى أن : [(٤ + ٣) + (٤) = ٥ + [٣ + (٤)] :
- £ = 0 + \mathcal{P} + (\(\mathcal{L}\)-) =
 - لاحظ: وجود الأقواس يعنى أن تتم العملية داخل الأقواس أولاً و هذه الخاصية تعنى أنه يمكن تجاهل الأقواس و جمع أى عددين معاً
 - مثال (۱) أستخدم خواص عملية الجمع في صم لإيجاد ناتج: (– 12) + 10 + 12 مع ذكر الخاصية المستخدمة في كل خطوة

الإبدال
$$| 10 + 12 + (12 -) | 12 + 10 + (12 -) |$$
 الإبدال $| 10 + (12 -) | = | 10 + (12 -) |$ الدمج $| 10 + (12 -) | = | 10 + (12 -) |$ المحكوس الجمعي $| 10 + (12 -) | = | 10 + (12 -) |$

مثال (۲) إذا كانت : سم = $\{-1 - - - - - - - - - - - - - - - \}$ بين هل سم مغلقة بالنسبة لعملية جمع الأعداد الصحيحة أم لا ؟ الحل

لاحظ أن : سہ ⊂ صہ و من الجدول المقابل : (- 1) + (- ۳) = (- Σ) ∉ سہ و هذا يكفى لجعل سہ ليست مغلقة بالنسبة لعملية الجمع

0	٢	۳ –	1 -	+
٤	1	٤ –	٢ –	1 -
٦	1 -	٦ –	٤ –	۳ –
٧	٤	1 -	1	٢
1.	٧	٢	٤	0

(٤) أكمل ما يلى :

$$\dots = 9 - \cdot [\underline{\Sigma}] \qquad \dots = 1\underline{\Sigma} + (1\underline{\Sigma} -) [\underline{W}]$$

$$(1-)=....+(1-)[1]$$
 $(\Psi -)=....+0[0]$

$$1 = + (1 -) [V]$$

$$[\Lambda]$$
 اذا کان : $[\Lambda]$ معکوس جمعی ب فإن : $[\Lambda]$ حیث : $[\Lambda]$ ، ب عددین صحیحین

(0) أكمل الجدول التالى:

معكوسه الجمعى	العدد		معكوسه الجمعى	العدد	
	-	[7]		0	[1]
.,,,	[-]	[٤]	••••	صقر	[٣]
••••	۲.	[٦]		10 -	[0]
l –		[٨]	٤٧		[V]

(٦) أستخدم خواص عملية الجمع في صم لإيجاد ناتج : [۱] (- ۲۵ + ۷۲ + ۲۵

$$\Gamma \cdot 17 + \text{PA9} + (1 \cdot 17 -) [\Gamma]$$

$$IP + (\Sigma -) + (IP -) + \Sigma O [P]$$

$$\Lambda\Lambda + (1V -) + (\Lambda\Lambda -) + (\Psi\Psi -)$$
 [5]

أحمد التنتتوري

ثانياً: طرح الأعداد الصحيحة

إمكانية الطرح في صم

 $\Psi = \Sigma - V$: نعلم من دراسة مجموعة الأعداد الطبيعية أن

 $\Psi = (\Sigma -) + V :$ لاحظ يمكن كتابة ذلك بالصورة

 $\Psi = (\Sigma -) + V : 0$ و يما أن

و من علاقة الجمع بالطرح نستنتج :

 $V = (\Sigma -) = V$ و هذا يعنى :

 $V = \Sigma + \Psi = (\Sigma -) - \Psi$

(- +) +) = - + (- +)

مثال (٣) أوجد ناتج الطرح فيما يني :

 $I \cdot - \Sigma \ [W] \qquad V - (0 -) \ [T] \qquad W - T \ [I]$

W = (W -) + 1 = W - 1

 $(I\Gamma -) = (V -) + (O -) = V - (O -)$

 $(1-) = (1-) + \Sigma = 1-\Sigma$

(V) أوجد ناتج الطرح فيما ينى :

 $\dots = \dots + \dots = \Gamma - \Lambda [1]$

 $\dots = \dots + \dots = 0 - (7 -) [\Gamma]$

.... = + = 17 - 17 [17]

خواص عملية الطرح في صم:

خواص عملية الطرح في صم هي:

- 1) الانغلاق: عملية الطرح مغلقة في صه بمعنى أن : ناتج طرح أي عددين صحيحين هو عدد صحيح و بالتالى فإن : عملية الطرح ممكنة دائماً في صم
 - ٢) الإبدال: عملية الطرح ليست إبدالية في صه أى أن: ﴿ - بِ ≠ بِ - ﴿ لَكُلَّ ﴿ ، بِ ∈ ص $\Sigma = \Sigma = \Psi = \{ \mu : \Psi = \Sigma = \Sigma \}$ فُمثُلاً : $\Psi = \Sigma = \Psi$ و بالتالي : ٤ - ٣ ≠ ٣ - ٤
 - ٣) الدمج : عملية الطرح ليست دامجة في صه أى أن: ١ - (ب - ح) ≠ (١ - ب) - ح لکل ۹، ب، ح ∈ صہ

$$egin{aligned} \Sigma-=&1-(P-)=&(\Sigma-0)-(P-): \ \dot{b} & \dot{b} &$$

(٨) تحقق من خاصية انغلاق الجمع و الطرح على المجموعة التالية : $\{\Gamma, 1, \dots, 1-, \Gamma-\} = \sim$ 1-15-

r -

1-1-

أولا: الجمع

11

ثانياً: الطرح

(٩) أكمل بنفس التسلسل:

.... · · · ! – · ٣ · ٧ [۱]

.... ' ' ' \(\frac{\frac}\frac{\frac}\frac{\frac{\frac{\frac{\frac}\fint}}}}{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac}\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac}\frac{\frac{\frac}{\frac{\frac}\fint{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac}\firet{\frac{\frac{\fin}}}}}}{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac}\firiginta}}}}}{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac}\firac{\frac{\frac{\frac{\frac}\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\fracc}\frac{\frac{\f

.... ' ' **2.** - ' **V.** - ' **I..** - [۳]

.... ' ' ' 10 ' 00 ' 90 [2]

أحمد الننتتوري

أحمد الننتتوري

(١٠) قام تاجر بثلاث عمليات تجارية في أحد الأيام ربح في الأولى ٣٤٥ جنيها ، و خسر في الثانية ١٦٥ جنيها ، و ربح في الثالثة عشرون جنيها أوجد مبلغ الربح أو الخسارة لهذا التاجر

(۱۱) سجل ميزان الحرارة درجة الحرارة بإحدى المدن فجر أحد الأيام فكانت - ۳° م شم سجل في الظهيرة ۱۱° م أوجد الزيادة في درجة الحرارة

- (17) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة : |V | + (0 0)|
- $(I\Gamma \cdot \Gamma \cdot I\Gamma \cdot \Gamma)$

أحمد التنتتوري

- = |9-|- |2-|[[]
- (0-,9-,0,9)
- $\dots = V + (I\Gamma -) [W]$
- $(0 \langle 19 \langle 0 \langle 19 \rangle$
- $\dots = (11 -) 19 [1]$
- $(\Psi \cdot \cdot \Lambda \cdot \Psi \cdot \cdot \Lambda)$
- $\dots = (\Lambda -) + (\Gamma -) [0]$
- $(1-\cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot)$
- $\dots = \mathbf{F} + (\mathbf{F} -) [\mathbf{I}]$
- (٦، صفر، ٩ ، ٩)
- س ... ۱+ ۱۹ ۱ [V]
- $(\Rightarrow \cdot \Rightarrow \cdot \Rightarrow)$
- $(\Rightarrow \cdot \Rightarrow \cdot \Rightarrow)$

اً ا با ع عرب صد الم

- (D, D, \exists, \exists)
 - [۱۰] غواصة عل عمق .٩ متراً تحت مستوى سطح البحر إرتفعت .٦ متراً العملية الحسابية المناسبة لحساب العمق الجديد
 - ثلغواصة هو
- $(\ \ \, 1\cdot \ + \ \ (\ \ \, 9\cdot \ \) \ \ \, \cdot \ \ \, 1\cdot \ \ \ \ (\ \ 9\cdot \ \) \ \)$

أحمد النننتوى

الدرس الرابع: ضرب و قسمة الأعداد الصحيحة

أولاً: ضرب الأعداد الصحيحة

إمكانية الضرب في صم

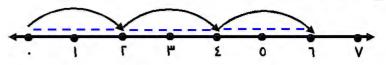
(٩) ضرب عددین صحیحین موجبین :

نعلم أن:

 $_{+}\sim^{\rho}$ \ni $1 = \Gamma + \Gamma + \Gamma = \Psi \times \Gamma$ (1)

و نستخدم خط الأعداد كما يلى:

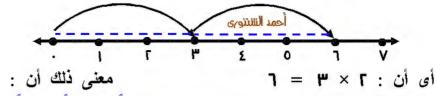
نبدأ من النقطة (و) التي تمثل العدد (صفر) ثم نتحرك \mathbf{m} مسافات متساوية جهة اليمين و كل مسافة مكونة من وحدتين فنصل إلى العدد \mathbf{n} أي أن : \mathbf{n} \mathbf{n} \mathbf{n}



 $_{+}\sim\hspace{-3pt}$

و نستخدم خط الأعداد كما يلى:

نبدأ من النقطة (و) التي تمثل العدد (صفر) ثم نتحرك مسافتين متساويتين جهة اليمين كل منها مكونة من ۳ وحدات فنصل إلى العدد



حاصل ضرب عددین صحیحیین موجبین = عدداً صحیحاً موجباً

(ب) ضرب عددين صحيحين أحدهما موجب و الآخر سالب : بنفس الطريقة :

$$(1-) \times \mathcal{P} = (1-) + (1-) + (1-) + (1-) = \mathcal{P} \times (1-) = (1-) + (1-) = \mathcal{P} \times (1-) = (1-) = (1-) + (1-) = (1-) = (1-) + (1-) = (1-) = (1-) + (1-) = (1-) = (1-) + (1-) = (1-) = (1-) + (1-) = (1-) = (1-) + (1-) = (1-) = (1-) + (1-) = (1-) = (1-) = (1-) = (1-) + (1-) =$$

$$\neg \sim$$
 \rightarrow $(\neg \neg) = (\neg \neg) + (\neg \neg) = (\neg \neg) \times \Gamma$ ($(\neg \neg \neg) = (\neg \neg) \times \Gamma$) أي أن $(\neg \neg) = (\neg \neg) \times \Gamma$)

معنى ذلك أن : حاصل ضرب صحيحين أحدهما موجب و الآخر سالب = عدداً صحيحاً سالباً

(ح) ضرب عددین صحیحین سالبین:

 $(-1) \times (-1) = \Gamma \in \mathscr{O}_+$ معنی ذلك أن :

حاصل ضرب عددین صحیحیین سالبین = عدداً صحیحاً موجباً

و بضرب الطرفين × (-7) ينتج:

$$(\Psi-) \times \Psi-) \times \Gamma + (\Psi-) \times (\Gamma-)$$
 صفر

لاحظ أن : حاصل ضرب أي عدد صحيح × صفر = صفر

إذن : (-1) × (٣-) = صفر ، بإضافة ٦ للطرفين ينتج :

$$\mathbf{1} + \mathbf{0} = \mathbf{1} + \mathbf{1} - (\mathbf{P} -) \times (\mathbf{\Gamma} -)$$

$$\mathbf{T} = (\mathbf{W} -) \times (\mathbf{T} -) :$$
 الآن

قاعدة الإشارات في الضرب:

-	+	×
-	+	+
+	_	_

(۱) أوجد ثاتج ما يلى:

(٢) أكمل بنفس التسلسل :

.... · · · \ \ - · \ \ · \ \ - [[]

.... ' ' 9 ' 4 - ' 1 [4]

خواص عملية الضرب في صم:

خواص عملية الضرب في صم هي:

1) الانغلاق: عملية الضرب مغلقة في صم

بمعنى أن : ناتج ضرب أي عددين صحيحين هو عدد صحيح أى أنه إذا كان : $q \in \mathcal{P}$ ، $u \in \mathcal{P}$

 \bullet فإن : $4 \times \Psi = -$ ، - \bullet

و بالتالي فإن : عملية الضرب ممكنة دائماً في صه

lear Kiiiiigz

٢) الابدال: عملية ضرب أي عددين صحيحين إبدالية بمعنی أنه إذا كان : $Q \in Q$ ، ب $Q \in Q$ $P \times \Psi = \Psi \times P$ $(\Gamma -) = (\Psi -) + \Sigma = \Sigma \times (\Psi -)$ فمثلاً :

- ٣) المحايد الضربي: الواحد هو المحايد الضربي في صه كما كان محايداً ضربيياً في ط $P = P \times I = I \times P$ بمعنی أن إذا كان: $Q = P \times Q$ فَمثلاً : ٣ × ١ = ١ × ٣ = ٣ ، $(\Sigma -) = (\Sigma -) \times I = I \times (\Sigma -)$
- ٤) الدمج: عملية الضرب دامجة في صه بمعنى أن: لأى ثلاثة أعداد صحيحة (، ب، حايكون: $\rightarrow \times \dot{} \rightarrow \times \dot{} = (\rightarrow \times \dot{} \rightarrow) \times \dot{} = \rightarrow \times (\dot{} \rightarrow \times \dot{} \rightarrow)$ $\mathbf{I} \cdot \mathbf{I} = \mathbf{0} \times \mathbf{I} \cdot \mathbf{I} = \mathbf{0} \times \mathbf{I} \times \mathbf{0} = \mathbf{I} \cdot \mathbf{I} \times \mathbf{0} = \mathbf{I} \cdot \mathbf{0}$ فمثلاً : $\mathbf{I} \cdot - = \mathbf{I} \mathbf{0} \times (\mathbf{\Sigma} -) = (\mathbf{0} \times \mathbf{P}) \times (\mathbf{\Sigma} -)$ $(0 \times) \times (\Sigma -) = 0 \times [(\Sigma -)] :$ ائی اُن : $(\Sigma -) = 0 \times [(\Sigma -)] = 0 \times [(\Sigma -)] = 0 \times [(\Sigma -)] = 0$ $\mathbf{J}_{\bullet-} = \mathbf{0} \times \mathbf{P} \times (\mathbf{\Sigma}_{-}) =$
 - 0) التوزيع: يقصد لها توزيع عملية الضرب على عملية الجمع بمعنى أن: لأى ثلاثة أعداد صحيحة ٩ ، ب ، حـ يكون:

أحمد الننتتوري

، بطريقة أخرى:

$$\Psi = 1\Lambda + (10 -) = 1 \times \Psi + (0 -) \times \Psi$$

و يمكن استخدام هذه الخاصية عكسياً كما يلى :

$$(00 + £0) \times (\Psi -) = 00 \times (\Psi -) + £0 \times (\Psi -)$$

$$(\Psi \dots -) = 1 \dots \times (\Psi -) =$$

، بطريقة أخرى:

$$(170-) + (140-) = 00 \times (14-) + 20 \times (14-)$$

 $(P\cdots -) =$

(٣) أوجد ناتج ما يلى :

$$[(12-)+(1-)]\times 9[1]$$

$$(1\xi-) \times V_0 + (Pl-) \times V_0$$

ناتج: المحل مستخدماً خواص عملیة الضرب فی ص لحساب ناتج: $(\Sigma - \Sigma) \times \nabla \nabla \times (\nabla \Sigma)$

.... × [٣٧ × (٢٥ –)] =

.... × [.... × ۳۷] =

.... ×] × ٣٧ =

.... = × ٣٧ =

خواص عملية القسمة في صم:

- 1) الإنفلاق: عملية القسمة ليست مغلقة
- مما يدل على أنها ليست ممكنة دائماً في صهر الابدال : عملية القسمة ليست ابدالية في صهر

ملاحظة :

قسمة أى عدد صحيح على (الصفر) غير ممكنة فى صم مثل فى ط بينما خارج قسمة (الصفر) على أى عدد صحيح = صفراً

(0) أوجد خارج القسمة في كل مما يلي :

= (£ -)÷.	[7]	= 0 ÷ ([· -)	
= (٣-) ÷ 1	[٤]	$\dots = (\Lambda -) \div (01 -)$	[٣]
= (9 -) ÷ IA			

(1) أوجد قيمة س في الحالات التالية:

۱] ۸ × س = ۲۲

 $(\mathbf{20}-)=\smile\times|\mathbf{0}-|$

ثانياً: قسمة الأعداد الصحيحة

إمكانية القسمة في صم

 $\Sigma \Lambda = 7 \times \Lambda$: إذا كان : $\Lambda \times 7 = \Sigma \Lambda$

 $\mathbf{1} = \mathbf{\Lambda} \div \mathbf{\Sigma} \mathbf{\Lambda}$ ، $\mathbf{\Lambda} = \mathbf{1} \div \mathbf{\Sigma} \mathbf{\Lambda}$: فإن

معنى ذلك أن: عملية الضرب ينتج عنها عمليتا قسمة

 $10 = (0-) \times (-7) = 0$ بالمثل إذا كان:

 $(\Psi -) = (0-) \div 10$ $(0-) = (\Psi -) \div 10 : فإن <math>\Psi - = (9+) \times (5-)$

 $\mathbf{q} = (\mathbf{\Sigma} -) \div (\mathbf{P} -) \cdot (\mathbf{\Sigma} -) = \mathbf{q} \div (\mathbf{P} -) \div (\mathbf{\Sigma} -) = \mathbf{q}$ مما سبق نستنتج أن :

- ا] خارج قسمة عددين صحيحين لهما نفس الإشارة هو عدد صحيح موجب
 - ۲] خارج قسمة عددين صحيحين مختلفى الإشارة هو عدد صحيح سالب

ملاحظة :

كل نواتج القسمة في الحالات السابقة \in صم

بينما نواتج القسمة في حالات مثل : $\frac{\sqrt{1}}{2}$ ، $\frac{1}{2}$ ،

→ ⇒ (۱۳−) ÷ (≥−) ، (9 ÷ (۳٤−)
قاعدة الإشارات في القسمة :

÷

-	+	÷
1	+	+
+	-	1

$$0 = \frac{|\psi|}{\Gamma} [\underline{\Sigma}]$$

$$(01-) = \smile \times (V-) \quad [0]$$

$$\Gamma I \times (\Psi -) = \longrightarrow \times 9$$

$$V = E$$
 ، $V = W$ ، $V = V$. $V =$

(....) ÷ [(....) × 0 – ×
$$\Psi$$
]=

(٨) أكمل ما يلى :

[7] العدد المحايد الضربي في صم هو

[2] قسمة أى عدد صحيح على (الصفر) في صه

[0] خارج قسمة عددين صحيحين لهما نفس الإشارة

هو عدد صحيح

[٧] حاصل ضرب عددين صحيحين سائبين = عدداً صحيحاً

$$\rightarrow \times \psi \times \dots = (\dots \times \psi) \times \beta = \rightarrow \times (\dots \times \beta)$$
 [A]

$$\dots = (\mathbf{I} \cdot -) \times [\mathbf{\Lambda} + (\mathbf{0} -)] [\mathbf{9}]$$

(٩) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$\dots = |V-| \times (0-)[1]$$

 $\dots = |\mathbf{9} - | \times |\mathbf{5} - | |\mathbf{7}|$

$$(0-'P1-'0'P1)$$

$$\dots = \mathbf{I} \div (|\mathbf{I}\mathbf{\Gamma} - | -) [\mathbf{P}]$$

$$(\Gamma - \cdot \Gamma - \cdot \Gamma \cdot \Gamma)$$

(۱۰) أكمل مستخدماً (> أو = أو <) :

$$(0-)\times \Sigma$$
 $(\Sigma-)\times 0$ [1]

$$1 \times 1 \dots (9-) \times (2-)$$

$$\Lambda \times (1-)$$
 $|\Lambda - | \times |1-|$ [μ]

$$(\Sigma -) \times \Gamma$$
 $\Psi \div (\Gamma V -)$ [5]

$$(V-)\times\Sigma$$
 $(O-)\times\mathbb{P}[0]$

الدرس الخامس: الضرب المتكرر

تمهيد: نعلم أن:

9 = W × W (1

لاحظ: تكرر ضرب العدد ٣ في نفسه مرتين

" = **"** × **"** × **"** (**"**

لاحظ: تكرر ضرب العدد ٣ في نفسه ثلاث مرات

 $M = M \times M \times M \times M$

لاحظ: تكرر ضرب العدد ٣ في نفسه أربع مرات

الضرب المتكرر:

يقصد بالضرب المتكرر:

تكرار ضرب العدد في نفسه عدد من المرات

فمثلاً : ۳ × ۳ × ۳ × ۳

هو تكرار ضرب العدد ٣ في نفسه ٤ مرات

تكتب في هذه الحالة : ٣ ، و تقرأ : ٣ أس ٤

ملاحظات:

- 1) العدد ۳ هو المتكرر و يسمى الأساس
- ، العدد ٤ عدد مرات تكرار الضرب و يسمى الأس
- ۱ ۳ ۳ ۱ الذا يسمى ۸۱ بالقوة الرابعة للعدد ۳
- ۳) بالمثل : (-۲) × (-7) × (-7) = (-7) و يسمى (-7) بالقوة الثالثة للعدد (-7)

أحمد الننتتوري

بصفة عامة:

إذا كان : ٩ عدداً صحيحاً فإن :

> > القوة الثانية لأى عدد تسمى مربع العدد

فمثلاً : ٣ (تقرأ ٣ أس ٢) أو مربع العدد ٣

٣) القوة الثالثة لأى عدد تسمى مكعب العدد

فمثلاً : ٤ " (تقرأ ٤ أس ٣) أو مكعب العدد ٤

إذا كان : الأساس عدداً سالباً مرفوعاً لأس زوجى
 كان الناتج عدداً موجباً

 $^{\prime\prime}$ أى أن $: (-4)^{\prime\prime} = 4^{\prime\prime}$ حيث : 0 زوجى 0

اذا كان : الأساس عدداً سالباً مرفوعاً لأس فردى
 كان الناتج عدداً سالباً

ای آن : $(-9)^n = -(9)^n$ حیث : مه فردی $9 = -(9)^n$ حیث : مه فردی $9 = -(9)^n$ حیث : مه فردی

(۱) أكمل الجدول التالى:

السادسة	الخامسة	الرابعة	الثالثة	الثانية	القوة
س ٦	ر	ل س	آل	ر	العدد س
			1	١	ı
			٨	٤	Г
	724	٨١			۳
2.97			72		٤
		٦٢٥		ГО	0
			rın		1
	1				1.

(٢) أكمل الجدول التالي :

السادسة	الخامسة	الرابعة	विद्यादिक	الثانية	القوة
7	رُ	ر س	ر ا	ر	العدد س
			1-	ı	(1-)
			۸-	٤	(-1)
	F2P —	۸۱			(m -)
2.97			72 –		(2-)
		٦٢٥		ГО	(0-)
	1				(1)

أحمد التنتتوري

(٣) أوجد قيمة ما يلى :

$$\dots = {}^{\mathsf{m}}(\mathsf{V}-)$$
 [1]

$$\dots = {}^{\mathsf{r}}(\mathsf{\Lambda} -) [\mathsf{r}]$$

$$\dots = {}^{0}\Gamma \times {}^{\Gamma}(0-)$$

$$\dots = {^{\mathsf{P}}} + {^{\mathsf{P}}} ({^{\mathsf{P}}} -) [\underline{\mathsf{S}}]$$

.... =
$${}^{19}1 + {}^{19}(1-)$$
 [7]

القواعد الأساسية المستخدمة في حالة الضرب المتكرر: والمراب المتكرر:

 1 1 2 2 3 4 5 1 2 4 5

يمكن التعبير عنها كما يلى:

$${}^{1}_{\mu} = {}^{0+1}_{\mu} = {}^{0}_{\mu} \times {}^{\mu} = (\mu \times \mu \times \mu \times \mu \times \mu) \times \mu$$

$${}^{1}_{\mu} = {}^{0+1}_{\mu} = {}^{0}_{\mu} \times {}^{1}_{\mu} = (\mu \times \mu \times \mu \times \mu) \times (\mu \times \mu)$$

$${}^{1}_{\mu} = {}^{0+1}_{\mu} = {}^{0}_{\mu} \times {}^{1}_{\mu} = (\mu \times \mu \times \mu \times \mu) \times (\mu \times \mu)$$

نستنتج مما سبق:

فى حالة الضرب المتكرر نجمع الأسس إذا كانت الأساسات متساوية بمعنى إذا كان : $q \in Q$ ، $q \neq q$ صفر

(٤) أوجد قيمة كل مما يلى كما بالمثال:

... = ... =
$${}^{\Sigma}(\Gamma-) \times {}^{\Gamma}(\Gamma-)$$
 [Γ]

... = ... =
$$(\Psi -) \times (\Psi -) \times [\Sigma]$$

$$... = ... = {^{m}0} \times {^{m}(0-)} [0]$$

... = ... =
$${}^{9}(1-) \times {}^{4}(1-)$$
 [7]

تانياً: قاعدة طرح الأسس

 $^{\mu}$ $^{\mu}$

ستنتج مما سبق:

في حالة القسمة نطرح الأسس إذا كانت الأساسات متساوية

بمعنی إذا کان :
$$q \in \mathcal{Q}_+$$
 ، $q \neq 0$ صفر فإن : $\frac{q}{q} = q^{\gamma - \alpha}$ حيث : γ ، $\alpha \in \mathcal{Q}_+$ ، $\gamma > \alpha$

ملاحظة :

فى حالة القسمة إذا تساوت الأسس أى أن : $\gamma = v$ يكون : أحمد التنتنوى

 $l = \dot{\beta} = \dot{\beta} = \dot{\beta} = \dot{\beta}$

فُمثَلاً :

(0) أوجد قيمة كل مما يلى كما بالمثال:

.... = =
$${}^{\epsilon}(\Gamma -) \div {}^{q}(\Gamma -)$$
 [Ψ]

... = ... =
$$(\Psi -) \div (\Psi -) [\underline{\Sigma}]$$

$$... = ... = {^{m}0 \div {^{m}(0-)}[0]}$$

... = ... =
$${}^{1}(1-) \div {}^{1}(1-)$$
 [7]

أحمد الننتتورى

 $\frac{0 \times 0}{0}$: أكمن لإيجاد قيمة $\frac{0 \times 0}{0}$

$$\dots = \frac{0}{0} = \frac{0}{0} = \frac{0}{0} = \dots$$
 المقدار

(A) أكمل لإيجاد قيمة : ٣ × ٣ (A)

 $(2-)^{\circ} \times (2-) \times (2-)$: أكمل لإيجاد قيمة $(3-)^{\circ} \times (2-)$

$$\dots = \frac{\dots}{(\Sigma-)} = \frac{\dots}{(\Sigma-)} = \frac{(\Sigma-)}{\dots} = \frac{(\Sigma-)}{(\Sigma-)}$$
 المقدار

 $\frac{V(\Gamma)}{(\Gamma)}$ أكمل لإيجاد قيمة : $\frac{V(\Gamma)}{(\Gamma)}$: أكمل لإيجاد قيمة : $\frac{V(\Gamma)}{(\Gamma)}$: $\frac{V(\Gamma)}{(\Gamma)}$ = $\frac{V(\Gamma)}{(\Gamma)}$... = $\frac{V(\Gamma)}{(\Gamma)}$... = $\frac{V(\Gamma)}{(\Gamma)}$...

$$\frac{(7)^{2} \times -(7)^{4}}{...} = \frac{(7)^{3} \times -(7)^{4}}{...} = \frac{-(7)^{3} \times 7^{4}}{...}$$

أحمد التنتتوري

(۱۱) رتب ما يلى تصاعدياً:

الترتيب التصاعدي هو :

(١٢) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$(9 - \langle 7 - \langle 9 \rangle \langle 7 \rangle) \qquad \dots = [(W -) [1]$$

$$(\ ^{\wedge}\Gamma \ ^{\wedge} \Gamma \ ^{\wedge} \Sigma \ ^{\wedge} \Sigma \ ^{\wedge} \Sigma \ ^{\wedge}) \qquad \qquad = \ ^{\circ}\Gamma + \ ^{\varpi}\Gamma \ [\ ^{\varpi}]$$

$$= -7$$
 فإن $= -7$ فإن $= -7$ في $= -1$ في $= -1$

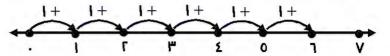
$$(\Lambda - \Lambda \Lambda - 1 - \Lambda)$$

أحمد النننتوري

الدرس السادس: الأثماط العددية

نعلم أن:

ا) مجموعة الأعداد الطبيعية : $d = \{1, 7, 7, 7, 2, 0, \dots\}$ و نلاحظ أن : الأعداد الطبيعية d تمثل تتابعاً من الأعداد وفق قاعدة معينة هي : كل عدد يزيد عن سابقه مباشرة بمقدار الواحد و الشكل التالى يوضح ذلك :



فمثلاً: العدد الأول هو صفر ، و العدد الثانى ا يتكون من : صفر + 1 (من خلال اتباع السهم) ، و العدد الثالث Γ يتكون من Γ + 1 ، و العدد الرابع Γ يتكون من Γ + 1 ، ... و هكذا يسمى هذا التتابع من الأعداد (نمط عددى)

النمط العددى: هو تتابع من الأعداد وفقاً لقاعدة معينة

وصف النمط: يقصد به اكتشاف قاعدة النمط و التعبير عنها لفظياً

أحمد الننتتوري

(۱) صف النمط التالى ثم أوجد العدد الخامس و السادس و السابع : ۳ ، ۸ ، ۱۳ ، ۸

و صف النمط : كل عدد يزيد عن سابق مباشرة بمقدار العدد الخامس = العدد الرابع + = + = العدد السادس = العدد الخامس + = + = العدد السابع = العدد السادس + = + = + =

(٢) أكتشف قاعدة النمط و أكتب العدد الناقص و صف النمط:

.... · · · ١٣ · ١٠ · ٧ · ٤ [١]

وصف النمط: كل عدد عن سابقه مباشرة بمقدار [7] ۲۰ ، ۱۲ ، ۱۲ ، ۱۲ ، ۱۳ ، ،

وصف النمط: كل عدد ... عن سابقه مباشرة بمقدار

.... · · · 17 · · £ [٣]

وصف النمط: كل عدد = حاصل ضرب ٢ × العدد السابق له مباشرة

وصف النمط: كل عدد = حاصل ضرب × العدد السابق له مباشرة

الصف الأول

لصف الثاني

.... ، ۱۲ ، ۱۷ ، ۱۲ ، ، ۲۲ ، ۱۳ ،

وصف النمط: كل عدد عن سابقه مباشرة بمقدار

.... ' ' ' [2 ' | [7 '] ' | [7]

وصف النمط: كل عدد العدد السابق له مباشرة

.... ' ' $\frac{1}{7}$ ' $\frac{1}{7}$ ' $\frac{1}{7}$ ' $\frac{1}{7}$ ' $\frac{1}{7}$ [V]

وصف النمط: كل عدد ... العدد السابق له مباشرة

(٣) أكمل الأنماط العددية التالية بكتابة ثلاثة أعداد متتالية:

.... ' ' ' [1]

.... · · 2. · F. · 1. · 0 [7]

.... ' ' 17 ' 9 ' £ ' 1 [٣]

.... ' ' ' 7£ ' [V ' A ' 1 [£]

.... · · IF · A · O · F · F [0]

.... \cdot \cdot \cdot $\frac{2}{7}$ \cdot $\frac{2}{9}$ \cdot $\frac{7}{7}$ \cdot $\frac{7}{7}$ \cdot $\frac{7}{7}$ [7]

.... \cdot \cdot $\frac{\varepsilon}{\tau}$ \cdot 1 \cdot $\frac{\tau}{\tau}$ \cdot $\frac{1}{\tau}$ [V]

مثلث باسكال :

من الأنماط العددية المشهورة عالمياً مثلث باسكال

من خلاله نلاحظ:

كل صف يبدأ و ينتهى بالعدد (١)

بعد الصف الثاني :

كل عدد يمثل مجموع العددين الأعلى منه مباشرة على

يمينه و يساره (لاحظ الأسهم)

فنجد مثلاً :

1 + 1 = 1

W + W = 7 , W + 1 = 2 , $\Gamma + 1 = W$

، و هكذا

(٤) من خلال مثلث باسكال أكمل ما يلى :

[1] عناصر الصف السادس هي:

[7] عناصر الصف السابع هي :

مجموع الأعداد بكل صف هو:

[2] عناصر القطر الأول هي: (۱،۱،۱،،)

، عناصر القطر الثاني هي : (۱،۲،۳، س،)

، عناصر القطر الثاني هي : (١، ٣،١)،)

أحمد التنتتوى

أحمد الننتتوي

العددى	النمط	أكتب	، ثم	شكل	کل	أسفل	المستقيمة	القطع	عدد	أكتب	(0)
							و صقه	ذلك	عن	المعير	

abla			Δ	abla			7	\triangle	4	Δ
••••				••••				••••		••••
••••	6	••••	6	••••	6	••••	:	المستقيمة	القطع	226
••••	6		6	••••	6	••••	:	ی	. العدد	التمط
							:	- 4	التمط	وصف

(٦) أكتب عدد القطع المستقيمة أسفل كل شكل ، ثم أكتب النمط العددى المعير عن ذلك وصفه

							L	
	••••		••••		• •			••••
					. 7.	. ät ti	- 1-311	**

النمط العددي

وصف النمط

(V) في دفتر توفير مربم ١٠٠ جنيه و تضيف في بداية كل شهر

يصبح المبلغ ٢٢٥ جنيها بعد شهور

أكتب النمط العددي المعبر عن ذلك

_ (٨) في رصيد ماهر ٥٠٠ جنيه و يسحب في بداية كل شهر ٥٠ جنيها بعد کم شهر یصبح رصید ماهر ۳۰۰ جنیها أكتب النمط العددي المعبر عن ذلك

٢٥ جنيهاً بعد كم شهر يصبح في دفتر توفير مريم ٢٢٥ جنيهاً

.... ' ' ' ' 0...

يصبح الرصيد ٣٠٠ جنيها بعد ... شهور

(٩) في عام ٢٠١١ كان عدد تلاميذ إحدى المدارس ٦٠٠ تلميذاً فإذا كان عدد التلاميذ يزيد كل عام ٥٠ تلميذاً ففي أي عام يصبح عدد التلاميذ ٩.٠ تلميذاً

			1-11	العام
			7	عدد التلاميذ

أحمد الننتتوري

الوحدة الثانية المعادلات و المتباينات

الدرس الأول: المعادلة و المتباينة من الدرجة الأولى

مفهوم المعادلة:

نعلم أن: العبارات الرياضية تنقسم إلى نوعين هما:

ا) عبارات عددية مثل:

 $10 = 0 \times \mu$, $\Sigma = 1 \cdot - 1\Sigma$, 11 = 7 + 0

۲) عبارات رمزیة مثل:

 $\Lambda = \mathcal{V} \times \mathcal{V}$ ، $\mathcal{V} = \mathcal{V} = \mathcal{V} \times \mathcal{V}$ ، $\mathcal{V} = \mathcal{V} \times \mathcal{V}$

العبارات العددية تسمى : جملاً رياضية مغلقة
 لأننا نستطيع أن نحكم عليها (صواب أم خطأ)

"] عند إستبدال الرمز بقيمته العددية تتحول الجملة الرياضية المفتوحة إلى جملة رياضية مغلقة فمثلاً:

فى العبارة الرمزية: س - I = V

إذا إستبدانا س بالعدد ٨ ينتج :

 $V = I - \Lambda$ (جملة رياضية مغلقة)

٤] تسمى الجملة الرياضية سواء كانت مغلقة أو مفتوحة
 (معادلة)

أحمد الننتتوري

المعادلة: هي جملة رياضية تتضمن علاقة تساوى بين عبارتين رياضيتين من التعريف نستنتج:

1) المعادلة لها طرفان بينهما علاقة (=)

فمثلاً : س _ ا = ٧

طرفها الأيمن العبارة الرياضية الرمزية (س - ١) ،

طرفها الأيسر العبارة الرياضية العددية (٧)

V = I -في المعادلة : سV = I

الرمز (س) بالطرف الأيمن يسمى: (المجهول) و هو الرمز الذي نريد معرفة قيمته

(۱) حدد أياً مما يلى يمثل معادلة أم لا ؟ و لماذا ؟ كما بالمثال :

مثال : س + $\mathbf{w} = \mathbf{0}$ (تمثل معادلة) لأنها تتضمن تساوى بين عبارتين رياضيتين

[۱] ص – ۱ = ۱

لأنها بين عبارتين رياضيتين

 $(\quad \quad) \qquad \mathsf{IP} = \mathsf{O} + \mathsf{A} \; \mathsf{[\Gamma]}$

لأنها بين عبارتين رياضيتين

[۳] س - ٤ = ۹

لأنها بين عبارتين رياضيتين

(....) $\Lambda - \cup [2]$

لأنها بين عبارتين رياضيتين

ملاحظة :

علامات التباين هي :

> : أكبر من ، > : أقل من

≥: أكبر من أو يساوى ، ﴿ : أقل من أو يساوى

[۱] ص – ۱ < 0

لأنها بين عبارتين رياضيتين

[۲] س + ۷

لأنها بين عبارتين رياضيتين

(....) 1 < デ [۳]

لأنها بين عبارتين رياضيتين

(....) اا = ا + ب [2]

لأنها بين عبارتين رياضيتين

درجة المعادلة

تتحدد درجة المعادلة بأكبر قوة (أس) مرفوع لها المجهول (الرمز) بالمعادلة فمثلاً:

س + 1 = 1 معادلة من الدرجة الأولى في مجهول واحد هو س

أحمد التنتتوى

مفهوم المتباينة:

ا) في الشكل المقابل:

ميزان في وضع التساوى ، بكفته اليمنى كيس به عدد غير معروف من التفاح

(س) + تفاحتان ، و بكفته اليسرى (٥ تفاحات)

 $0 = \Gamma + \dots$ نعبر عن وضع الميزان بالمعادلة : س

آما فى الشكل الثانى:
 تم إضافة تفاحة واحدة للكفة اليمنى
 فأصبح الطرف الأيمن (س + ٣)

أكبر من الطرف الأيسر (0 تفاحات) و يمكن التعبير عن هذه الحالة بالجملة الرياضية : س + ٣ > 0

الشكل الثالث:
 تم إضافة تفاحة واحدة للكفة اليسرى
 فأصبح الطرف الأيمن (س + ۳)

أقل من الطرف الأيسر (٦ تفاحات) و يمكن التعبير عن هذه الحالة بالجملة الرياضية : س + ٣ < ٦

مما سبق نستنتج أن:

 $7 > \mu + 0$ ، $0 < \mu + 0$ ، $\mu + 0 < \mu$ کلاً من الجمل الریاضیة : س + $\mu + 0$ ، س + $\mu + 0$ تسمی متباینة لوجود علامة التباین بین الطرفین

المتباينة:

هى جمئة رياضية تتضمن علامة التباين بين عبارتين رياضيتين أحمد التنتنوى

 $- u^{-1} + 0 = 0$ معادلة من الدرجة الثانية في مجهول واحد هو س $- u^{-1} + u^{-1} = 0$ معادلة من الدرجة الثالثة في مجهول واحد هو س $- u^{-1} + u^{-1} = 0$ معادلة من الدرجة الثالثة في مجهول واحد هو س $- u^{-1} + u^{-1} = 0$ معادلة من الدرجة الثالثة في مجهول واحد هو س

حل المعادلة أو المتباينة:

يقصد بحل المعادلة أو المتباينة التوصل لقيمة المجهول (الرمز) الموجود بالمعادلة أو المتباينة

و لكى يتم ذلك نحتاج إلى ما يسمى بمجموعة التعويض

مجموعة التعويض:

هى المجموعة التى ينتمى إليها المجهول (الرمز) في المعادلة أو المتباينة

ملاحظات :

- ا) مجموعة التعويض هى مجموعة من الأعداد الصحيحة يتم التعويض بعناصرها فى طرفى المعادلة أو المتباينة لبحث إمكانية تحقيقها
- ر أية عناصر من عناصر مجموعة التعويض يحقق طرفى المعادلة (يجعلها متساوية) يمثل مجموعة الحل

مجموعة الحل:

هي المجموعة التي تحقق عناصرها المعادلة أو المتباينة

ملاحظات

- ١) مجموعة الحل مجموعة جزئية من مجموعة التعويض
- آ) فى حالة المعادلة من الدرجة الأولى فى مجهول واحد :
 للمجهول قيمة واحدة هى أحد عناصر مجموعة التعويض

") فى حالة المتباينة من الدرجة الأولى فى مجهول واحد: للمجهول قيمة واحدة أو أكثر من عناصر مجموعة التعويض

مثال (۱) : باعتبار مجموعة التعویض $3 = \{-7 \cdot -1 \cdot \cdot \cdot 1 \cdot 7 \}$ أوجد مجموعة حل المعادلة : -7 - 1 = 1

نعوض بعناصر مجموعة التعويض ع في الطرف الأيمن (٣ س - ٦) لتحديد العناصر التي تحقق المعادلة كما يلي :

= - يكون : عندما و س

 $\mathbf{Z} \neq \mathbf{A} - \mathbf{C} - \mathbf{C} - \mathbf{C} - \mathbf{C} - \mathbf{C} + \mathbf{C}$ إذن : العدد ($\mathbf{C} - \mathbf{C}$) لا يحقق المعادلة عندما : س = $\mathbf{C} - \mathbf{C}$ يكون :

 $\Sigma \neq 0 - = \Gamma - \Psi - = \Gamma - (1 -) \times \Psi$

إذن : العدد (- ١) لا يحقق المعادلة

عندما: س = . يكون:

 $\Sigma \neq \Gamma - = \Gamma - \cdot = \Gamma - (\cdot) \times \Psi$

إذن : العدد (.) لا يحقق المعادلة

عندما : س = ۱ یکون :

 $\Sigma \neq I = \Gamma - \Psi = \Gamma - (I) \times \Psi$

إذن : العدد (١) لا يحقق المعادلة

عندما : س = ۲ یکون :

أحمد الننتتوى

أحمد الننتتوري

 $\Psi \times (\Upsilon) - \Upsilon = \Gamma - \Upsilon = \Xi = \Xi$ المعادلة (۲) يحقق المعادلة

نستنتج أن : مجموعة الحل = { ٢ }

لاحظ: {٦ } ⊂ {-٦ ، -١ ، ١ ، ٦ }

نعوض بعناصر مجموعة التعويض ع في الطرف الأيمن (....) لتحديد العناصر التي تجقق المعادلة كما يلي :

عندما: س = - ۲ يكون:

I = + = I + (....) × ₩

إذن : العدد (- 7) المعادلة

عندما : س = يكون :

1. = + = 1 + (....) × ٣

إذن : العدد (....) المعادلة

عندما : س = يكون :

1. = + = 1 + (....) × \(\mathbf{P} \)

إذن : العدد (....) المعادلة

عندما : س = يكون :

۱۰ = + = ۱ + (....) × ۳ نستنتج أن : مجموعة الحل = { }

> (٤) أوجد مجموعة الحل للمعادلات التالية : [۱] ۲ س – ۷ = – ۱

إذا كانت مجموعة التعويض هي {٠،١،٢، ٣ }

cor Milling/2

أحمد التنتتوري

$$[\Gamma]$$
 کے -0 + 0 = 0 = 0 کانت مجموعة التعویض هی $\{... -1... -1... -1... \}$

مثال (۱) : باعتبار مجموعة التعويض ع = $\{-7 \cdot -1 \cdot 7 \cdot 2\}$ أوجد مجموعة حل المتباينة : $\Psi - U - V - V - V$

نعوض بعناصر مجموعة التعويض ع في الطرف الأيمن (٣ س - ٢) لتحديد العناصر التي تحقق المتباينة كما يلي :

عندما: س = - ۲ يكون:

 $\Sigma > \Lambda - = \Gamma - \Gamma - \Gamma - \Gamma - \Gamma - \Gamma - \Sigma$ إذن : العدد (- 7) يحقق المتباينة عندما : $- - - \Gamma - \Gamma - \Gamma - \Gamma - \Sigma$

 $\Sigma > 0 - = \Gamma - \Psi - = \Gamma - (1 -) \times \Psi$ إذن : العدد (- 1) يحقق المتباينة عندما : س = Γ يكون :

عندما : س = ٤ يكون :

 $\Sigma > I - \Gamma - I\Gamma = \Gamma - (\Sigma) \times \Psi$ (i) : العدد (\(\Sigma\) \(\V \) يحقق المتباينة

ادن : اعدد (z) لا يحلق المنبيت-

نستنتج أن : مجموعة الحل = $\{-7, -1\}$

 $\{\mathbf{\Sigma} : \Gamma : \mathbf{I} - \mathbf{I} \cap \Gamma - \} \supset \{\mathbf{I} - \mathbf{I} \cap \Gamma - \}$ لاحظ

أحمد التنتتوري

(۵) باعتبار مجموعة التعويض $3 = \{-1, 1, 1, 2, 0\}$

تعوص بعاصر مجموعه التعريض م تي التعرف الايس (لتحديد العناصر التي تحقق المتباينة كما يلي :

عندما : س = - ١ يكون :

$$V$$
 = + = 1 + (....) × Γ

إذن : العدد (- ١) المتباينة

عندما: س = يكون:

إذن : العدد (....) المتباينة

عندما: س = يكون:

إذن : العدد (....) المتباينة

عندما : س = يكون :

إذن : العدد (....) المتباينة

نستنتج أن : مجموعة الحل = { }

(1) أوجد مجموعة الحل للمتباينات التالية:

إذا كانت مجموعة التعويض هي { - ٢ ، ١ ، ٣ ، ٧ }

lear Willing

أحمد النننتوري

9 > س ۲ – ۱ [۲]

إذا كانت مجموعة التعويض هي { - ٤ ، ٣ ، ٣ ، ٤ }

[۳] ۳ س – ۱ < – ۲ إذا كانت مجموعة التعويض هي (، ، ۱ ، ۲ ، ۳ }

lear Nilling/2

أحمد التنتتوى

الدرس الثاثى: حل المعادلة من الدرجة الأولى في مجهول واحد

نعلم أن:

حل المعادلة:

هو التوصل لقيمة المجهول (الرمز) الموجود بالمعادلة و حيث أن استخدام مجموعة التعويض للوصول إلى مجموعة الحل طويلة و شاقة و ربما تكون مستحيلة إذا كانت عناصر مجموعة التعويض غير منهية مثل : ط ، صم لذا أتفق على طرق أسهل و أبسط تعتمد بشكل أساسى على خواص التساوى في ط ، صم و هي كما يلى :

خواص التساوى في ط ، ص :

ا) خاصية الإضافة و الحذف :

في الشكل المقابل:

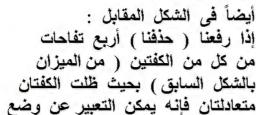
الكفة اليمنى بها كيس فيه عدد غير معروف من التفاح مضافاً إليه تفاحتين الكفة اليسرى بها خمس تفاحات

و كانت الكفتان متعادلتان فإنه يمكن التعبير عن وضع الميزان في هذه الحالة بالمعادلة : - + - = - 0

و في الشكل المقابل:

إذا أضفنا تفاحتين لكل من الكفتين بحيث ظلت الكفتان متعادلتان فإنه يمكن التعبير عن وضع الميزان في

 $\Gamma + 0 = \Gamma + \Gamma + \cdots + 0 + \cdots$ هذه الحالة بالمعادلة : $-\infty$



 $V = \Sigma + \omega$

الميزان في هذه الحالة بالمعادلة : س + $\Sigma - \Sigma = \Sigma - \Sigma$ الميزان في هذه الحالة بالمعادلة : س = Ψ

مما سبق نستنج أن:

 $\frac{1}{1} + \frac{1}{1} + \frac{$

تستخدم خاصية الحذف و الإضافة في حل معادلة الدرجة الأولى في مجهول واحد كما بالمثال التالى:

مثال (١): أوجد مجموعة حل المعادلتين التاليتين:

$$\Sigma = \Psi - \psi \quad [\Gamma]$$

$$0 = \Gamma + \psi \quad [\Gamma]$$

$$[1]$$
 $-\omega$ $+$ 7 $=$ 0 $=$ Γ $+$ ω $=$ ω

Lear Kining

التحقق من صحة الحل:

نعوض عن س = ٣ في المعادلة : س + ٢ = ٥ فنجد: الطرف الأيمن = ٣ + ٢ = ٥ = الطرف الأيسر إذن : س = ٣ يحقق المعادلة

بإضافة (٣) للطرفين [7] س – ۳ = ٤ خاصية المعكوس الجمعي $\Psi + \Sigma = \Psi + \Psi - \longrightarrow$ خاصية المحايد الجمعي إذن : مجموعة الحل = { V }

التحقق من صحة الحل:

 $\Sigma = \Psi -$ في المعادلة : س $V = \Psi$ فنجد : الطرف الأيمن $V = V = \Sigma = 1$ الطرف الأيسر إذن : س = ٧ يحقق المعادلة

(١) أوجد مجموعة حل المعادلتين التاليتين:

الكفة اليسرى بها تقلان مقدار كل منهما . حجم و كانت الكفتان متعادلتان فإنه يمكن التعبير عن وضع الميزان في هذه الحالة بالمعادلة : ٤ س = ٢٠ + ٢٠ أى : ٤ س = ٤٠

ا) خاصية الضرب و القسمة :

في الشكل المقابل:

و في الشكل المقابل: إذا ضاعفنا الوزن في كلا الكفتين فأصبح بالكفة اليمني (٨) قطع لكل منها نفس الوزن (س) و

الكفة اليمنى بها أربع قطع معدنية لها

نفس الوزن و وزن كل منها (س)

الكفة اليسرى (٤) أثقال وزن كل منها ٢٠ كجم بحيث ظلت الكفتان متعادلتان فإنه يمكن التعبير عن وضع الميزان في هذه الحالة $\Gamma \cdot \times \Gamma = \Lambda$ و التي تعني : $\Gamma \times \Sigma \times \Gamma = \Lambda$ بالمعادلة : $\Lambda \times \Gamma = \Lambda$

أيضاً في الشكل المقابل:

إذا حذفنا (رفعنا) بالوزن من كل كفة ليصبح بالكفة اليمنى قطعتين وزن كل منها (س) و بالكفة

اليسرى ثقل واحد وزنه ٢٠ كجم بحيث ظلت الكفتان متعادلتان فإنه يمكن التعبير عن وضع الميزان في هذه الحالة بالمعادلة:

 $\frac{7}{7} = \frac{7}{7}$ و التي تعنى : $\frac{7}{7}$ و التي تعنى

أحمد الننتتوري

مما سبق نستنج أن:

إذا كان : ٩، ب، حـ ∈ صم، و كان : ٩ = ب قان : $\rightarrow \div \psi = \rightarrow \div \rangle$, $\rightarrow \times \psi = \rightarrow \times \rangle$

تستخدم خاصية الضرب و القسمة في حل معادلة الدرجة الأولى في مجهول واحد كما بالمثال التالي :

مثال (٢): أوجد مجموعة حل المعادلة التالية: ٣ س = ١٥

بقسمة الطرفين على ٣ ۳ س = ١٥ 10 = m

إذن : مجموعة الحل = { ٣ } س = ۳

(٢) أوجد مجموعة حل المعادلة التالية : 0 س = 10

مثال (٣) : أوجد مجموعة حل المعادلة التالية : ٣ س + ٢٠ - ٢ فی ط ، صہ

1-11

٣ س + ٢٠ = ٢ بإضافة (- ٢٠) للطرفين

٣ - ١ - ١ - ١٠ - ٣

٣ س = - ١٨ بقسمة الطرفين على ٣ ينتج:

1 - = U-

 $\emptyset = \emptyset$ اذن : مجموعة الحل في ط

لاحظ أن : - ٦ ﴿ ط

مثال (2): عدد إذا أضيف إلى ضعفه كان الناتج ٣٦ أوجد العدد العدد

(٤) عدد إذا أضيف إلى أربعة أمثاله كان الناتج ٣٥ أوجد العدد

(0) أوجد مجموعة حل المعادلات التالية في ط: $V = \Gamma + V$

ا ۳ س – ۲ = ۱۳ [۲]

٥ = ٣ + س ٦ [٣]

(V) أختر الاجابة الصحيحة من بين الاجابات المعطاة :

[۱] أى مما يلى يمثل معادلة

 $(\ \ V > \Psi + \Gamma \ , \ \ \Sigma = \smile \ \Gamma \ , \ 9 < \smile \ , \ \Psi + \smile \)$

[7] ٦ س - ١ = ٧ من الدرجة

(الأولى ، الثانية ، الثالثة ، الرابعة)

۲ ا = ۱ من الدرجة

(الأولى ، الثانية ، الثالثة ، الرابعة)

[2] مجموعة حل المعادلة : س-1 = 7 في ط هي [5]

أحمد الننتتوري

 $[\Gamma]$ مجموعة حل المعادلة : ٤ س $= - \Lambda$ في صم هي

 $(\emptyset \cdot \{\Sigma -\} \cdot \{\Gamma\} \cdot \{\Gamma -\})$

.... فی صہ هی $\mathbf{v} = \mathbf{v} + \mathbf{v} = \mathbf{v}$ مجموعة حل المعادلة : \mathbf{v}

(⟨ ¬ ¬ ⟩ ، { ¬ } ، { صفر } ، ∅)

.... مجموعة حل المعادلة : $- + \Psi = |- \Gamma|$ في Φ هي

 $(\{ 9 \} \cdot \{ 9 - \} \cdot \{ P \} \cdot \{ P - \})$

(W - ' 0 - ' W ' 0)

[۱۰] إذا كان : ٦ س = ١٢ فإن : س – ٥ =

 $(\Psi - \cdot 0 - \cdot \Psi \cdot 0)$

[۱۱] العدد الطبيعي التالي للعدد الطبيعي (س + ١) هو

(- " (- ") " - [(" - 1)

[17] عددان صحيحان مجموعهما ٥ فإذا كان أحد العددين س

فإن العدد الآخر يساوى

(- 0 , 0 + - , 0 - - , - 0)

[4] إذا كان محجد الآن (س + 0) سنة فإن عمره منذ 0 سنوات

ھو

(- 0 , - 0 - - 0 , - 0)

أحمد التنتتوى

الدرس الثالث: حل المتبايئة من الدرجة الأولى في مجهول واحد

نعلم أن :

تم استخدام خواص التساوى فى ط ، ص للتغلب على مشكلات حل المعادلة باستخدام مجموعة التعويض أيضاً نظراً لأن حل المتباينة بطريقة التعويض يعد طويلاً و مرهقاً و و مستحيلاً أحياناً مع المجموعات غيلا المنتهية لذا سنتعرض لحل المتباينة باستخدام خواص التباين فى ط ، ص

خواص التباین فی ط ، ص :

ا) خاصية الإضافة و الحذف :

في الشكل المقابل:

الكفة اليمنى بها كيس دقيق وزنه ٣ كجم ، و الكفة اليسرى بها كيس

وزنه ٢ كجم ، واضح من الشكل أن

الكيس (٩) أثقل من الكيس (ب) يمكن التعبير عن هذه الحالة بالمتباينة : ٣ > ٢ أو : ٩ > ب

و في الشكل المقابل:

احمد التنتتوري

إذا أضفنا تقل قدره ٢ كجم لكلا الكفتين للاحظ استقرار الميزان في نفس وضعه يمكن التعبير عن وضع الميزان في

هذه الحالة بالمتباينة:

٣ + 7 > 7 + 7 أو: 9 + 7 > ب + 7

ا کیم ۳ کیم مورد اسالاردی أيضاً في الشكل المقابل: إذا رفعنا (حذفنا) التقلين من كل من الكفتين نلاحظ عودة الميزان إلى نفس وضعه في الحالة الأولى يمكن التعبير عن وضع الميزان في

هذه الحالة بالمتباينة : ٣ > ٦ أو : ٩ > ب

مما سيق نستنج أن:

إذا كان : 9 ،

تستخدم خاصية الحذف و الإضافة في حل معتباينة الدرجة الأولى في مجهول واحد كما بالمثال التالي:

مثال (١) : أوجد مجموعة حل المتباينة : س + ٢ < ٥

[۱] حيث : س (ط ، ثم مثل الحل على خط الأعداد

[7] حيث : س ∈ صم، ثم مثل الحل على خط الأعداد الما

س + ۲ < 0 بإضافة (- 7) للطرفين س + ۲ - ۲ < 0 - 7 س < ۳

[۱] حيث : س ∈ ط فإن : مجموعة الحل = { ۲ ، ۱ ، ۰ }



[7] حيث: س ∈ ط فإن: مجموعة الحل = { ۲ ، ۱ ، ۰ ، ... }

(I) أوجد مجموعة حل المتباينة : س - ٣ < ١

[۱] حيث: س ∈ ط، ثم مثل الحل على خط الأعداد

[7] حيث: س (صم ، ثم مثل العل على خط الأعداد

أي : 0 × س > 0 × ٤٠ ، بقسمة الطرفين على 0 ينتج : س > ٤٠

ملاحظة

عند القسمة على عدد سالب يتغير اتجاه علامة التباين

يمكن التعبير عن وضع الميزان في هذه المالة بالمتباينة:

٦×٦ = ٦×١ أو : ٦٩ > ٦ ب

مما سيق نستنج أن:

و في الشكل المقابل:

إذا ضاعفنا الوزن في كلا الكفتين

فأصبح بالكفة اليمنى ٤ كجم

و الكفة اليسرى ٢ كجم فإن

الميزان يستقر في نفس وضعه

أيضاً في الشكل المقابل:

بالكفة اليمني خمس كتب وزن كل

(س) و بالكفة اليسرى ثقل مقداره ٢٠٠ جم يمكن التعبير عن وضع الميزان

في هذه الحالة بالمتباينة : ٥ س > ٢٠٠

إذا كان : ﴿ ، ب ، حد ﴿ ص ، و كان :

٩× ح < ب × ح ، ح > . فإن : ٩ < ب

٩ × ح < ب × ح ، ح < . فإن : ٩ > ب

قدره ١ كجم واضح أنه يمكن التعبير عن وضع الميزان في هذه الحالة بالمتباينة : ٢ > ١ أو : ٩ > ب

احمد الننتنوري

ا) خاصية الضرب و القسمة :

الكفة اليمني بها ثقل (٩) قدره

٢ كجم و الكفة اليسرى بها ثقل (ب)

في الشكل المقابل:

ملاحظة

يمكن استنتاج خواص علاقة التباين السابقة في جميع علاقات التباين : < أو > أو \leq

مثال (٦) : أوجد مجموعة حل المتباينة التالية : Ψ س + ١٠ < ١ مثال (٦) : مثال على خط الأعداد Θ حيث : Θ حيث : Θ مثل الحل على خط الأعداد

٣ س + ١٠ - ١ ا بإضافة (- ١٠) للطرفين ٣ س + ١٠ - ١٠ - ١١

۳ س - - ۹ بقسمة الطرفين على ۳ ينتج : س - - ۱

ا] وحیث: س < -1 غیر ممکنة فی ط انن: مجموعة الحل فی ط \emptyset و حیث: س < -1 ممکنة فی \emptyset

> (٢) أوجد مجموعة حل المتباية التالية : 0 س + ١٣ < ٣ في ط ، ص

> > أحمد التنتتوى

ar William

(۳) أوجد مجموعة حل المعادلات التالية في ط: ثم مثل الحل على خط الأعداد $V > \Gamma + V$

[۲] ۳ س − ۱ ≥ ۸

1 < 0 - 0 [r]

٣ ≤ س ۲ − ۱ [۳]

(٤) أوجد مجموعة حل المتباينات التالية في صح : ثم مثل الحل على خط الأعداد [۱] ۲ س − ۵ ≤ − ۷

أحمد التنتتوى

(٥) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

[۱] أى مما يلى يمثل متباينة

العدد الذي يحقق المتبايئة: س - ۱ > ٦ هو

$$(\ \ 0 \ \ ' \ \ " \ \ ' \ \Gamma \ \ ' \ \ I \)$$

[۳] العدد الذي يحقق المتباينة: س < - ٣ هو

مجموعة حل المتباينة : $\Gamma \leq - - - < \Psi$ في ط هي

[0] مجموعة حل المتباينة : - ا < س ≤ ا في ص~ هي ({ - ا } ، { · } ، { - ا ، ا } ، { · ، ا })

[V] أكبر عدد صحيح يحقق المتباينة : ٣

« س < ٦ هو

[٨] إذا كان : ٦ س + ٥ > ٣ فإن : س \(\)

(d , Ø , ~ (d)

[٩] العدد الذي يحقق المتباينة : - س < ٣ هو

$$(0-, \Sigma-, \Gamma-, \Psi-)$$

[١٠] إذا كان: س < ٣ فإن: س + ٥ <

ال] إذا كان: س < ص فإن: - ٢ س - ٢ ص (> ، = ، <)
.... > كان: س < ك فإن: - س < (٣) إذا كان: س < ك فإن: - س < (٣)

(٦) عبر رمزياً عن كل مما يلى : [۱] س أصغر من (-۱)

[٢] س أكبر من أو تساوى ٥

["] س أصغر من أو تساوى ٦ و أكبر (-٦)

[2] س أصغر من ٥ و أكبر من ٢

أحمد الننتتوري

الوحدة الثالثة الهندسة و القياس

الدرس الأول: المسافة بين تقطتين في مستوى الإحداثيات

أولاً: المساقة بين تقطتين على شعاع نعلم أن:

يمكن ايجاد المسافة بين أى نقطتين على شعاع أفقى أو شعاع رأسى من العلاقة :

المسافة بين نقطتين = عدد نقطة النهاية _ عدد نقطة البداية

إذا كان الشعاع أفقياً · 1 「 # 1 0 7 V A 9 I. في الشكل المقابل:

الشعاع الأفقى و سل مقسم لمسافات متساوية بدءاً من النقطة (و) التي تمثل العدد (صفر) و يليه الأعداد: ١، ٢، ٣، س،

فإذا كانت: النقطة ٥ تمثل العدد ٥ ، والنقطة ب تمثل العدد ٩ فإن:

طول آب (اب) = ۹ – ۵ = ٤ وحدات طول

إذا كان الشعاع رأسياً: في الشكل المقابل:

الشعاع الرأسى وص مقسم لمسافات متساوية

بدءاً من النقطة (و) التي تمثل العدد (صفر)

فإذا كانت نقطة ٩ تمثل العدد ٢ ، نقطة ب تمثل العدد ٧

، نقطة حستمثل العدد . ا

فان: ٩ ب = ٧ - ٢ = ٥ وحدات طول

، ﴿ حـ = ١٠ = ٢ = ٨ وحدات طول

، ب حـ = ١٠ = ٧ = ٣ وحدات طول

احمد الننتتوري

تانياً: المسافة بين نقطتين في مستوى الاحداثيات للأعداد الطبيعية نعلم أن: يتحدد موضع أى نقطة في مستوى الإحداثيات للأعداد الطبيعية بزوج مرتب وحيد

أحمد القنتنوري

JITTEOTVA91.

فقى الشكل المقابل: النقطة ء تناظر الزوج المريب (۲،۸)،

و تكتب : ء (۲،۸)

بالمثل : ٩ (٤ ، ٦)

((7 (2) 4

 $(\Gamma \cap \Lambda) \rightarrow$

عند حساب المساقة

بين تقطتين:

 نحدد القطعة المستقيمة

الواصلة بيتهما

۲) نحدد هل هي توازي وسن أم وص

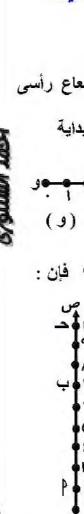
 اذا كانت توازى و بن نحسب كأننا على شعاع أفقى ، و إذا كانت توازي وص نحسب كأننا على شعاع رأسي فمن الشكل السابق نجد: ٩ ب = ٦ = ٤ وحدات طول

، ﴿ حـ = ٨ - ٤ = ٤ وحدات طول

و یکون : ۸ ۲ ب حد متساوی الساقین ، قائم الزاویة

و تكون مساحته $=\frac{1}{2} \times 2 \times 2$

= ٨ وحدة مساحة (وحدة مربعة)



ثالثاً: المسافة بين نقطتين على خط مستقيم

يقصد بالخط المستقيم هذا خط الأعداد الصحيحة سواء أفقياً أو رأسياً و كما نعلم فهو توسيع لشعاع الأعداد الطبيعية بإضافة ص_ عند حساب المسافة على خط الأعداد الصحيحة :

1) القيمة المطلقة و هي =

عدد نقطة النهاية _ عدد نقطة البداية |

نقطة م تمثل العدد (- ٣) ، نقطة ب تمثل العدد ٤ حـ

، ﴿ و = | ٠ - (٣ -) | = | ١ + ٣ | = ٣ وحدات طول

نقطة حستمثل العدد (- 0) ، نقطة عسمثل العدد (- 7)

نأخذ في الاعتبار

٢) خواص الجمع و الطرح في صه

من الشكل ثلاحظ :

على المستقيم الأفقى:

و يكون : ﴿ بِ = | ٧ _ (ـ ٣) |

= | ۳ + ۷ | وحدات طول

على المستقيم الرأسى:

 $|(\Gamma + (O-))| = |(\Gamma-) - (O-)| = \beta \rightarrow \beta$

ا _ س ا = س وحدات طول

رابعاً: المسافة بين نقطتين في مستوى الإحداثيات للأعداد الصحيحة

الشكل المقابل يمثل مستوى الإحداثيات للأعداد الصحيحة

لاحظ: يتحدد موضع أى نقطة يزوج مرتب حساب المساقة بين

نقطتین : یتم کما کان يحدث في مستوى ط مع الأخذ في الاعتبار سه •

1) توسيع الأعداد و

تمديدها بإضافة ص ۲) خواص الجمع و

الطرح في صه من الشكل : 4 ب ح ع

حيث: و (۵۰۰) ، ٩ (٤ ، ٤) ، ب (٤ ، ٤) ، د (۵ ، ٤) ، ﴿ وَ = | ٤ - . | = | ٤ | = ٤ وحدات طول ، ﴿ بِ = ا ٤ _ . | = ا ٤ | = ٤ وحدات طول ، ب حـ = | ٤ - . | = | ٤ | = ٤ وحدات طول ، حـ و = | ٤ - . | = | ٤ | = ٤ وحدات طول محیط المربع 4 ب ح ء = 2 × طول ضلعه = 2 × 2 = 11 وحدة طولمساحة المربع م ب ح ء = طول الضلع × نفسه

 $\mathbf{z} \times \mathbf{z} = \mathbf{0}$ وحدة مريعة

أحمد التنتتوري

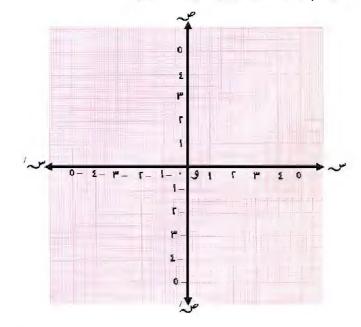
أحمد التنتتوري

(١) في مستوى الإحداثيات المقابل أكمل:

[۳] الشكل م ب ح ء يمثل : ...

(٢) في مستوى الإحداثيات التالى :

$$[0]$$
 نوع Δ ۹ ب ح بالنسبة الأضلاعه



(٣) في مستوى الإحداثيات التالي :

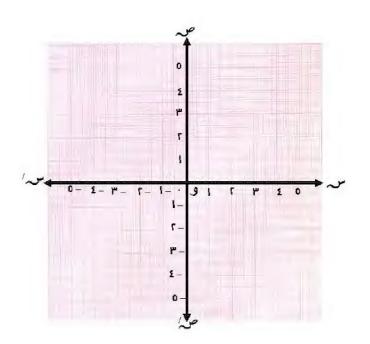
[۱] حدد النقط ((۱ ، 0) ، ب (٤ ، ۱) ، حـ (۱ ، – ٤) ع (– ۲ ، ۱) ، ثم صل النقاط : (، ب ، حـ ، ع

[7] احد = وحدة طول

[۳] بء = وحدة طول

[2] الشكل (ب ح ء يسمى

[0] مساحة الشكل (ب ح ء = وحدة مربعة



(٤) في مستوى الإحداثيات التالي :

(1-1-1) $\sim (1-1)$ $\sim (1-1)$

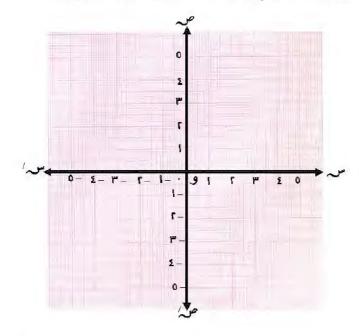
[7] ﴿ بِ = وحدة طول ، ﴿ ء = وحدة طول

[٣] ب حـ = وحدة طول ، حـ ء = وحدة طول

[2] الشكل ﴿ بِ حِ ء يسمى

[0] محيط الشكل ا ب ح ء = وحدة طول

[7] مساحة الشكل (بدء = وحدة مربعة



أحمد التنتتوى

الدرس الثاني: التحويلات الهندسية (الانتقال)

نعلم أن:

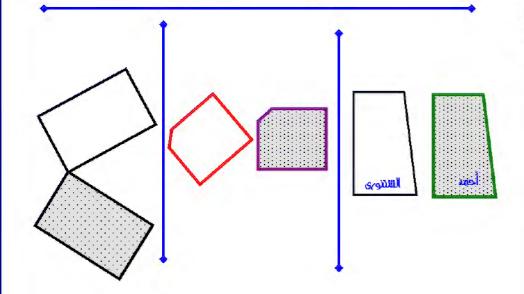
- التحويلة الهندسية :
- تحول كل نقطة ٩ في المستوى إلى النقطة ٩ في المستوى نقسه لأشكال التالية : تحول المثلث الملون إلى وضع آخر كما يلى :
 - (الاتعكاس الشكل (الاتعكاس) يعكس الشكل في نقطة أو في
 - مستقيم يسمى محور الإنعكاس
 - الشكل مسافة معينة (٢) في إتجاه معين (الاتتقال)

(الدوران)

أحمد التنتتوري

- - ٣) يدور الشكل حول نقطة بزاوية محددة

(۱) صف نوع التحويلة الهندسية (إنعكاس - إنتقال - دوران) التي تجعل الشكل المظلل صورة للشكل غير المظلل في ما يلي :



كما نعلم أن :

- الإنعكاس في المستقيم ل يحول كل نقطة ٩ إلى النقطة ٩ ،
 النقطة ب إلى النقطة ب بحيث :
- إذا كانت م ♦ ل فإن: المستقيم ل ينصف القطعة العمودية م م أ
 - ا إذا كانت ب ∈ ل فإن: النقطة ب تنطبق على النقطة ب
 - ٢) صورة قطعة مستقيمة بالانعكاس:

فى الشكل المقابل:

 $\frac{q'}{p}$ صورة $\frac{q}{p}$ بالانعكاس في المستقيم ل

ملاحظات :

المستقيم ل هو محور الانعكاس

٦] ﴿ بِ ﴾ = ﴿ بِ ﴾ [٢

۳ الشكل ۹ ب ب ۱ سمى مستطيل

ع] المستقيم ل هو محور تماثل للشكل (بب م م

و كذلك المستقيم المار بمنتصفى كل من : ﴿ بُ ، ﴿ بِ اللَّهِ المُستقيم المار بمنتصفى كل من : ﴿ بُ بُ

الانتقال

7 15 74 77 271 3

فى الشكل المقابل: لكى تنتقل السيارة من

الموضع م إلى الموضع

ب لابد من شيئين هما:

أحمد التنتتوري

[] أن تتحرك السيارة كل المسافة من الموضع م إلى الموضع ب آن تتحرك السيارة في إتجاه الموضع ب

معنى ذلك : لكى يتم الانتقال يجب معرفة شيئين : المعنى أله الانتقال المقدار الانتقال المنتقال المنتقال

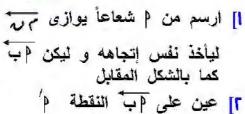
حالات الانتقال:

أولاً: انتقال نقطة في مستوى

ا) فى مستوى الصفحة :

نشاط (۱):

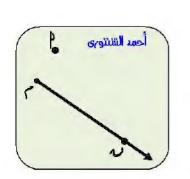
من خلال مستوى الصفحة إرسم من خلال مستوى الصفحة إرسم من كما بالشكل المقابل المطلوب: إزاحة النقطة م مسافة ٣ سم فى اتجاه من الحل

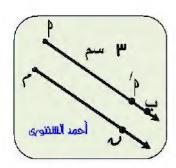


ا عین علی ۱ب النقطه بحیث : ۱۹ = ۳ سم

لاحظ

م صورة النقطة م بإنتقال قدره ٣ سم في إتجاه م به أ





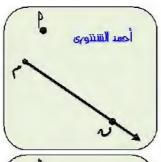
نشاط (۲) :

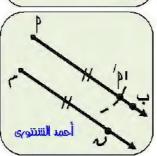
من خلال مستوى الصقحة ارسم م رم كما بالشكل المقابل المطلوب : ايجاد صورة النقطة ٩ بانتقال م مه في اتجاه ممة

- ا ارسم من م شعاعاً يوازي م ربه ا ليأخذ نفس إتجاهه و ليكن الب
- ۲] رکز سن الفرجار عند م ، و سن القلم الرصاص عند ب
- ٣ خذ نفس الفتحة ، و ركز سن الفرجار عند (، و ارسم قوساً من دائرة نصف قطرها يساوى (م م)
- ٤] نقطة تقاطع القوس مع (ب هي ()

لاحظ ٩ صورة النقطة ٩ بإنتقال قدره (م س) في إتجاه م س マイ // ヤト ・ マイ = アト・

> (۱) أوجد صورة النقطة حاباتقال (۱۹ ب) في اتجاه ٢٠





مثال (١): في المستوى الإحداثي أوجد صورة النقطتين:

(ع) إزاحة في اتجاه ص ، بحيث :

٢) في مستوى الإحداثيات للأعداد الصحية

يحول كل نقطة A في المستوى إلى نقطة A' في نفس

المستوى عن طريق إزاحة (ح) في اتجاه س يتبعها

٩ (س ، ص) = (س + ح ، ص + ۶)

الانتقال في مستوى الإحداثيات:

نحدد مقدار و إتجاه الإنتقال و هو: ٣ وحدات في إتجاه سم ،

ع وحدات في إتجاه صم نوجد صورة كل نقطة على حدة

لاحظ: النقاط و الأسهم

على الرسم توضح تتابع الإنتقال مقداراً و إتجاهاً في كل حالة

(0,1)= $(1 \cdot 0) =$

أحمد التنتتوري

(٣) في المستوى الإحداثي أوجد صورة النقطتين:

: أكمل (٤)

- [۱] صورة النقطة (۱ ، ۳) بالانتقال (۲ ، ۳) هي (.... ،)
 - [7] صورة النقطة (٢، ٤) بالانتقال (٠، ٤) هي (....،)
 - [۳] صورة النقطة (۱، ۵) بالانتقال (۱، ۳، ۱۰) هي (....،)
- [2] صورة النقطة (١ ، ٤) بالانتقال (، ، ١) هي (.... ، ...)

أحمد التنتتوري

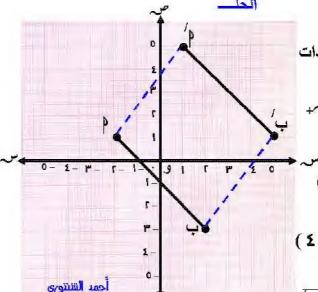
(٥) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- [۱] صورة النقطة (۳ ، ۲) بالانتقال (۲ ، ۲) هي [(– ۷ ، ۰) ، (۰ ، ۷) ، (– ۱ ، – ٤) ، (۱ ، ۵)]
- [7] صورة النقطة (_ 2 ، ٣) بالانتقال (_ 1 ، _ 2) هي
- $[(1 \cdot V) \cdot (1 \cdot 0 -) \cdot (1 \cdot 0) \cdot (P \cdot V -)]$
- هى [۳] إذا كانت : صورة النقطة ($\{ \}$ ، $\{ \}$ ، $\{ \}$) بانتقال ($\{ \}$ ، $\{ \}$) هى النقطة ($\{ \}$ ، $\{ \}$) فإن : النقطة ($\{ \}$ ، $\{ \}$) =
- $[(\mathsf{I} \mathrel{`} \mathsf{P}) \mathrel{`} (\mathsf{V} \mathrel{`} \mathsf{V} -) \mathrel{`} (\mathsf{P} \mathrel{`} \mathsf{I}) \mathrel{`} (\mathsf{V} \mathrel{`} \mathsf{V} -)]$
- [2] إذا كانت : النقطة (٩ ، ب) هي صورة النقطة (٣ ، ٦) بانتقال (١ ، ٣) فإن : النقطة (٩ ، ب) =
 - $[(1:\Sigma):(1-:\Sigma-):(\Sigma:1):(1:\Sigma-)]$

(1) أكمل الجدول التالى:

الصورة	الانتقال	النقطة	
	(1 4 4)	(۲،۳)	[1]
(2 (7 -)	(1-11-1	****	[7]
(1)	****	(0-11)	[٣]
	(1:1-)	(2 - , 2 -)	[٤]

تانياً: انتقال نقطة في مستوى الإحداثيات للأعداد الصحية



نحدد مقدار و إتجاه الانتقال و هو: ۳ وحدات

ءِ عدال و هو . م و في اِتجاه ســـ ،

2 وحدات فی إتجاه $ص_{+}$ نوجد صورة كل نقطة

مطنی حدہ ا

(2+1 · 1+T-)=/p

(0:1)=

ب = (۲+۳۰،۳+۲)

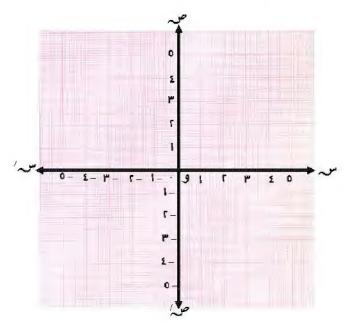
 $(1 \cdot 0) =$

نرسم م'ب' فتكون م'ب'

هي صورة [ب بالانتقال (س + ٣ ، ص + ٤)

لاحظ:

، الشكل م ب ب موازى أضلاع



ثالثاً: انتقال شكل هندسي في مستوى الإحداثيات للأعداد الصحية مثال (۳): في المستوى الإحداثي أوجد صورة 🛕 ٩ ب حد حيث: $(\Psi - (\Gamma -) \Rightarrow (\Psi - (\Gamma)) \Rightarrow ((\Gamma \cap \Gamma))$

بالإنتقال (س + ٣ ، ص + ٤)

نحدد مقدار و إتجاه الانتقال

نوجد صورة كل نقطة على حدة كما سبق

فنجد: (ٔ = (۱ ، ۵)

 $(|\cdot|) = \Delta$ نحد النقاط ﴿ ، بُ ، ا في المستوى الإحداثي و نصل بينها فينتج :

بالانتقال (س + ۳ ، ص + ٤)

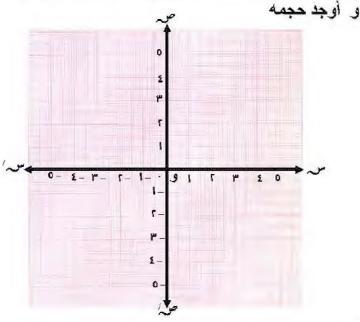
لاحظ: ١) ٩ ب = ٩ ب ، ب ح = ب د ، ٩ د = ٩ د ا

$$(4) \circ (2) = (2) \circ (2) \circ (2) = (2) \circ (2)$$

أحمد التنتوري

أحمد الننتتوري

 (A) في المستوى الإحداثي أوجد صورة المربع ٩ ب حـ ع حيث : (1, 4), (1, 1) - (4, 1) - (4, 4) بالإنتقال (س + ۱ ، ص - ۱) و إذا وصلت كل نقطة بصورتها أذكر أسم المجسم الناتج



$$A' = (.... ,) = (.... ,)$$
 $A' = (.... ,) = (.... ,)$
 $A' = (.... ,) = (.... ,)$
 $A' = (.... ,) = (.... ,)$
 $A' = (.... ,) = (.... ,)$
 $A' = (.... ,) = (.... ,)$

حجمه = ... وحدة مكعبة

الدرس الثالث: مساحة الدائرة

في الشكل المقابل: الجزء المظلل يمثل القطاع الدائرى

(۲ ۹ ب) أو (۹ ۲ ب)

القطاع الدائرى:

هو جزء من سطح دائرة يتحدد بقوس و نصفى القطرين المارين بنهايتي القوس

ملاحظة

في الشكل المقابل:

دائرة مرکزها م فیها (حد ، بع قطران ، ۲۰ ، ۲۰ ، ۲۰ ، ۲۰ ، ۲۰

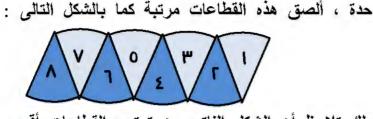
أنصاف أقطار ، نلاحظ:

تم تقسيم الدائرة إلى ٤ قطاعات دائرية متساوية

في المساحة ، و مساحة أى قطاع منها = أ مساحة الدائرة ، و أقواسها متساوية في الطول

ارسم الدائرة السابقة على ورق مقوى ثم قسمها إلى ٤ قطاعات دائرية متساوية و ذلك برسم قطرين آخرين ينصفان الزوايا القوائم الأربع بين القطرين ثم رقم القطاعات الناتجة كما بالشكل المقابل

أحمد الننتتوري



من ١ إلى ٨ ، قص الدائرة ثم قص القطاعات الثمانية الناتجة كل على

لعلك تلاحظ أن الشكل الناتج من ترتيب القطاعات أقرب ما يكون إلى

ارسم الدائرة السابقة بقطاعاتها الثمانية ثم قسمها إلى 17 قطاعاً دائريَّ متساوياً و ذلك برسم قطر بين كل قطرين ليصبح

> لديك إلى ٨ أقطار و ١٦ قطاعاً دائرياً متساوياً و رقم هذه القطاعات من ١ إلى ١٦ كم بالشكل

المقابل ، قص القطاعات و ألصقها مرتبة كما



لاحظ

- 1) اقترب الشكل الناتج إلى المستطيل أكثر من سابقه
- القطاعات يقترب الشكل أكثر و أكثر من شكل
- $\pi = \pi$ في الشكل الناتج $\pi = \pi$ نصف محيط الدائرة $\pi = \pi$ نه
 - ٤) عرض المستطيل في الشكل الناتج = نوب

معنى ذلك أن : مساحة الدائرة = مساحة المستطيل فى الشكل الناتج = الطول \times العرض π = ن π نه π π

مما سبق نستنتج : مساحة سطح الدائرة π ن π

ملاحظة

 π هى النسبة التقريبية بين محيط الدائرة و طول القطر حيث : π أو π أو π

، (في) اختصار لعبارة (نصف القطر) و تعبر عن طوله " يمكن استخدام الآلة الحاسبة لإجراء التقريب للتوصل إلى الحلول المطلوبة "

مثال (۱) : دائرة طول نصف قطرها ۳٫۵ سم أحسب مساحة سطحها $\frac{77}{\sqrt{5}} = \pi$)

الحل

مساحة سطح الدائرة π ن. π مساحة سطح الدائرة π ا

أحمد التنتتوى

دائرة طول نصف قطرها ۲٫۱ سم أحسب مساحة سطحها (۱) : دائرة π (π

مثال (۲) : دائرة طول قطرها Λ سم أوجد مساحة سطحها (π) : دائرية (π) و إذا قسمت إلى Λ قطاعات دائرية متساوية المساحة أحسب مساحة سطح القطاع الواحد الحا

ن = ^{۲۸} = ۱۶ سم

 π مساحة سطح الدائرة π

 $=\frac{77}{V}\times 11 \times 11 = \Gamma$ سم =

مساحة سطح القطاع الواحد = $117 \div \Lambda = VV$ سم

(۲) دائرة طول نصف قطرها V,V سم أوجد مساحة سطحها ($\pi = \frac{r_v}{v}$) و إذا قسمت إلى V قطاعات دائرية متساوية المساحة أحسب مساحة سطح القطاع الواحد

مثال (۱): دائرة محیطها ۱۹٫۵ سم أوجد مساحة سطحها π (۱): دائرة محیطها π (۳,۱۱ π)

بما أن : محيط الدائرة $\pi \Gamma = \pi$ خي

اذن : ۱٫۲۸ = ۳۱٫۶ نه ۲٫۱۵ خ

إذن : في = ٦,٢٨ ÷ ٣١,٤ = ٥ سم

 π مساحة سطح الدائرة π نهم

= ۱۶,۳ × o × o × ۷۸,0 = سم ا

 $(\frac{77}{V} = \pi)$ دائرة محیطها ۸۸ سم أوجد مساحة سطحها (2)

مثال (۳) : دائرة مساحة سطحها ۱۵۶ سم أوجد محیطها ($\pi = \frac{77}{V}$)

بما أن : مساحة سطح الدائرة π ن π

 $\frac{77}{6} \times \frac{77}{6} \times 6$ اذن : 201

 $V \times V = \frac{V \times IO\Sigma}{IT} = {}^{T}$ إذن : نن

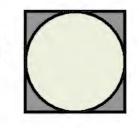
إذن : نق = ٧ سم

محیط الدائرة $\pi = \pi$ في $\pi = \chi \times \frac{77}{V} \times V = 32$ سم

(Ψ , $\Sigma = \pi$) ارجد محیطها (Ψ) دائرة مساحة سطحها Ψ اک سم ارجد محیطها (Ψ)

(٥) أكمل الجدول التالى : (فه = نصف قطر الدائرة)

مساحة الدائرة	نۍ	محيط الدائرة	π	نۍ
••••	••••	••••	<u> </u>	۱٫٤ سم
		۱۲٫۸ سم	۳,۱٤	••••
۱۳۸٦ سم	••••		77	••••
	ال سم		۳,۱٤	



مثال (0): في الشكل المقابل:

دائرة نصف قطرها 0 سم مرسومة داخل مربع أوجد مساحة الجزء المظلل π (π)

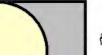
1-11

مساحة سطح الدائرة π نه مساحة

طول ضلع المربع $0 \times 1 = 1$ سم

مساحة سطح المربع = طول ضلعه × نفسه

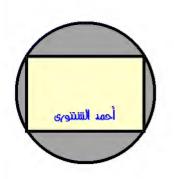
مساحة الجزء المظلل = مساحة المربع - مساحة الدائرة



(1) في الشكل المقابل:

مستطيل طوله ١٤ سم ، عرضه ٧ سم مرسوم داخله دائرة أوجد مساحة سطح الجزء المظال

 $(\frac{77}{V} = \pi)$



(V) في الشكل المقابل:

مستطیل طوله Λ سم ، عرضه Γ سم مرسوم داخل دائرة طول نصف قطرها 0 سم أوجد مساحة سطح الجزء المظلل π (π = π)



أحمد الننتتوى

(٨) في الشكل المقابل:

قسمت الدائرة إلى ثلاثة قطاعات متساوية المساحة فإذا كانت مساحة سطح القطاح الواحد ٤,٦٢ سماً أوجد طول نصف قطر الدائرة ($\pi = \frac{77}{4}$)



(٩) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

[1] مساحة سطح الدائرة =

(ωπι ωπι ωπι ωπ)

 π سم یساوی π سم π سم سمادة سطح دائرة طول قطرها π

(75 · 17 · A · 5)

[۳] طول نصف قطر دائرة مساحة سطحها π ۹ سم يساوى سم (TV ' IA ' 9 ' F')

مساحة المنطقة المظللة = سما $(\pi \Sigma \cdot \pi \Gamma + \Sigma \cdot \Sigma - \pi \Gamma \cdot \pi \Gamma - \Sigma)$ [V] مساحة الجزء المظلل بالشكل المقابل $(\frac{rr}{v} = \pi)$ =

[2] الشكل المقابل يمثل ربع دائرة طول نصف قطرها

[0] الشكل المقابل يمثل ربع دائرة طول نصف قطرها

۲ سم ، محیط الشکل = سم

r سم ، مساحة الشكل = سم

[1] في الشكل المقابل: مربع مساحته ٤ سم

مرسوم داخل دائرة مساحتها π۲ سم

 $(\pi + \Sigma, \pi\Sigma + \Sigma, \pi\Sigma, \pi\Gamma)$

 $(\pi + \Gamma, \pi\Gamma + \Gamma, \pi\Gamma, \pi)$

 $[\Lambda]$ في الشكل المقابل : $[\pi]$ إذا كان : طول القطر الخارجي للحلقة ١٠ سم ، طول القطر الداخلي للحلقة = ٣ سم فإن : مساحة الجزء المظلل = ... سم الأقرب سم (Vr · VI · rr · ri)

أحمد التنتتوري

الدرس الرابع: المساحة الجانبية و الكلية لكل من الدرس المكعب متوازى المستطيلات

نعلم أن:

	خواص المكعب	خواص متوازى المستطيلات
	له ۸ رؤوس	له ۸ رؤوس
<u> </u>	له ٦ أوجه كلها مربعا	له ٦ أوجه كلها مستطيلات
	له ۱۲ حرفاً	له ١٢ حرفاً
محيط و	جميع الأوجه متساوية في المالحة	كل وجهين متقابلين متساويان في المساحة
الطول	جميع الأحرف متساوية في	كل وجهين متقابلين متوازيان
فسه ×	حجمه = طول الحرف × ن	حجمه = الطول × العرض × الإرتفاع
	نفسه	حجمه = مساحة القاعدة × الارتفاع

المساحة الجانبية للمكعب :

اعتبر علبة كرتون على شكل مكعب ، قم بقرد أوجه المكعب أفقياً ليصبح كما بالشكل التالى :

0.3	21	القاعدة (١)					,	
الأوجه الجانبية	الوجه (٤)	الوجه (۳)	الوجه (۲)	الوجه (ا)	هب ۹	فرد المك		
		القاعدة (٢)			Ļ			

أحمد الننتتوري

لاحظ أن:

- ا] الأوجهه (۱) ، (۲) ، (۳) ، (٤) هي الأوجه الجانبية للمكعب
 - ١] المساحة الجانبية للمكعب = مجموع مساحات تلك الأوجه

- ۳] بطريقة أخرى: حين تم فرد المكعب نتج المستطيل م ب ح ء المكون من الأوجه الجانبية
 - إذن : طول المستطيل = مجموع أطوال الأوجه الأربعة (1) ، (7) ، (7) ، (2)

التى تمثل (محيط قاعدة المكعب) عرض المستطيل = طول الحرف $\sqrt{6}$ و هو ارتفاع المكعب

إذن : المساحة الجانبية للمكعب = محيط القاعدة × الارتفاع

٢) المساحة الكلية للمكعب:

و بإضافة مساحتى القاعدتين إلى المساحة الجانبية ينتج:

المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٦

مثال (۱): مكعب طول حرفه 0 سم أوجد مساحته الجانبية و مساحته الكلية

الحل

المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد \times ٤ = ١٠٠ = \times ٤ = \times ١٠٠ = \times ١٠٠ = \times ١٠٠ سم

أحمد الننتنوى

المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × Γ = Γ اسم

(١) مكعب طول حرفه ٣ سم أوجد مساحته الجانبية و مساحته الكلية

Septimil see

مثال (٢) مكعب مجموع أطوال أحرفه ٤٨ سم أوجد مساحته الجانبية و مساحته الكلية

الحل

طول الحرف الواحد = $\Delta \Lambda \div 1$ = $\Delta \Lambda$ سم المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد $\Lambda \Lambda$

 $12 = 2 \times 17 = 2 \times (2 \times 2) = 2$ سم

المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٦

$$^{\mathsf{I}}$$
 سم $^{\mathsf{I}}$ اسم $^{\mathsf{I}}$ $=$ $^{\mathsf{I}}$ \times $^{\mathsf{I}}$ $=$ $^{\mathsf{I}}$ \times $^{\mathsf{I}}$ \times $^{\mathsf{I}}$

أحمد الننتتوى

مثال (۳): مكعب مساحته الجانبية 197 سم أوجد مساحة الوجه الواحد و مساحته الكلية

الحل

بما أن : المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٤

(۱) مكعب مجموع أطوال أحرفه ٢٤ سم أوجد مساحته الجانبية و

مساحته الكلية

إذن : 197 = مساحة الوجه الواحد × ٤

إذن : مساحة الوجه الواحد = ١٩٦ ÷ ٤ = ٤٩ سم

، المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٦

= 29 × 1 = ع79 سم

أحمد الننتتوى

مساحته الجانبية

مساحته الكلية

- (٣) مكعب مساحته الجانبية ٣٢٤ سم أوجد مساحة الوجه الواحد و



مثال (٤) : مكعب مساحته الكلية ٣٨٤ سم أوجد مساحة الوجه الواحد و مساحته الجانبية

الحل

بما أن : المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٦

إذن : $\gamma \times = \gamma$ الوجه الواحد $\gamma \times \gamma$

اذن : مساحة الوجه الواحد = $7 \div 7 = 7 = 7$ سم

، المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٤

= ۱۵ × ۲ = ۲۵۱ سم

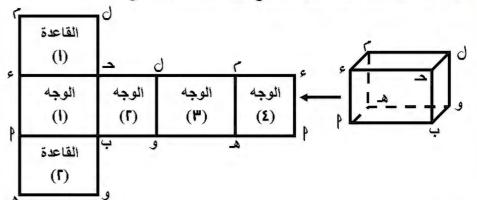
أحمد التنتتوري

(٥) مكعب محيط قاعدته ٦. سم أوجد مساحته الجانبية مساحته الكلية

(٤) مكعب مساحته الكلية ٦٠٠ سم أوجد مساحة الوجه الواحد و

٣) المساحة الجانبية لمتوازى المستطيلات:

اعتبر علبة كرتون على شكل متوازى مستطيلات ، قم بفرد أوجه متوازى المستطيلات أفقياً ليصبح كما بالشكل التالى :



الحظ أن:

- الأوجهه (۱) ، (۲) ، (۳) ، (٤) هى الأوجه الجانبية لمتوازى
 المستطيلات وهى مستطيلات عمودية على القاعدة ، عرض أى
 ارتفاع متوازى المستطيلات (ع)

المساحة الجانبية لمتوازى المستطيلات = محيط القاعدة × الارتفاع

٤) المساحة الكلية لمتوازى المستطيلات:

و بإضافة مساحتى القاعدتين إلى المساحة الجانبية ينتج :

أحمد الننتتوى

المساحة الكلية لمتوازى المستطيلات = مساحته الجانبية + مجموع مساحتى القاعدتين

مثال (0): متوازى مستطيلات طوله V سم ، عرضه 0 سم ، إرتفاعه عثال الكلية عدم أوجد مساحته الجانبية و مساحته الكلية

المساحة الجانبية لمتوازى المستطيلات = محيط القاعدة \times الإرتفاع = $7 \times (V + V) \times 2 = 7 \times 11 \times 2 = 7$ سم 7 ، مساحته الكلية = مساحته الجانبية + مجموع مساحتى القاعدتين = $7 \times (V \times V) = 7 \times (V \times V) = 7 \times (V \times V) = 7 \times V$

(٦) متوازی مستطیلات طوله ۸ سم ، عرضه ٦ سم ، ارتفاعه ١٠ سم أوجد مساحته الجانبیة و مساحته الکلیة

أحمد التنتتوى

مثال (1): حجرة على شكل متوازى مستطيلات طولها ٢ م ، عرضها ٣ ص ، يراد طلاء حوائطها و سقفها قإذا كان بها فتحات تشغل ٢ م ، و تكاليف طلاء المتر المربع 10 جنيها أوجد تكالبف الطلاء

المساحة الجانبية للحجرة = $7 \times (2 + 0.0) \times 9 = 02$ % المساحة الكلية للحجرة = $02 + (2 \times 0.0) = 00$ % مساحة ما يتم طلاؤه = 00 - 2 = 00 % تكاليف الطلاء = $00 \times 01 = 0$ % جنيها (لاحظ أن: الحجرة هو متوازى مستطيلات له قاعدة واحدة حيث : لن يتم طلاء الأرضية)

(V) حجرة على شكل متوازى مستطيلات طولها 2,0 م، عرضها ٣,0 م، إرتفاعها ٣ م، يراد طلاء حوائطها و سقفها فإذا كان بها فتحات تشغل ٨ م ، و تكاليف طلاء المتر المربع ١٦ جنيها أوجد تكالبف الطلاء

(A) مكعب طول حرفه ١٢ سم ، قطع عند أحد أحرفه متوازى مستطيلات أبعاده ٣ سم ، ٢ سم ، ١ سم أوجد المساحة الكلية للجزء المتبقى من المكعب

(٩) حمام سباحة بعدى قاعدته ٤٠ م ، ١٠ م ، و ارتفاعه ٢٠٥ م يراد تغطيته ببلاط سيراميك طول ضلع البلاطة ٢٥ سم أوجد عدد البلاط اللازم لذلك ، ثم أوجد تكلفة تبليط الحمام إذا كان سعر المتر المربع من السيراميك ٤٥ جنيها و مصنعية تبليط المتر الواحد ٥ جنيهات

(۱۰) فرخ من الورق المقوى مستطيل الشكل بعداه ۱۰۰ سم ، ۷۰ سم ، صنعت منه ٦ صناديق بدون غطاء كل منها على شكل متوازى مستطيلات أبعاده ٢٠ سم ، ١٥ سم ، ١٠ سم أوجد مساحة الورق المتبقى

Lear Nilling

(١١) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

[۱] المساحة الجانبية لمتوازى مستطيلات طوله ٦ سم ، عرضه ٤ سم ، ارتفاعه ٨ سم تساوى سماً

(I.. , A. , 7. , 2.)

[7] طول حرف المكعب الذي مساحته الكلية لمكعب ١٥٠ سم يساوى سم

(0 , 1. , 10 , 10)

[۳] ارتفاع متوازی المستطیلات الذی مساحته الجانبیة ۲۶۰ سم و قاعدته علی شکل مربع طول ضلعه 7 سم یساوی سم (۱۰ ، ۲ ، ۵ ، ۳)

[2] إذا كان محيط وجه مكعب ١٢ سم فإن مساحته الكلية تساوى تساوى سم

(Vr ,]. , Ož , Fž)

[٦] إذا ضوعف كل بعد من أبعاد متوازى مستطيلات فإن النسبة بين المساحة الكلية له و المساحة الكلية الجديدة تساوى

(17:1 · A:1 · 2:1 · F:1)

[V] إذا كانت قاعدة متوازى المستطيلات على شكل مربع ، مساحته الجانبية .٤٤ سم أ ، مساحته الكلية .٤٤ سم أ فإن طول ضلع قاعدته يساوى سم

(F. , 10 , 1F , 1.)

[٨] إذا كانت المساحة الجانبية لمكعب ٦٤ سم فإن : حجمه يساوى سم سم سم

(12 ' 17 ' \ ' \ ')

أحمد الننتتوري

أحمد التنتتوى

الإحصاء و الاحتمال الوحدة الرابعة

الدرس الأول: تمثيل البيانات الإحصائية بالقطاعات الدائرية

أولاً: تقسيم سطح الدائرة إلى قطاعات دائرية القطاع الدائرى :

نعلم أن:

الجزء المظلل من سطح الدائرة بالشكل المقابل يمثل القطاع الدائري (٢ ٩ ب)

يسمى القطاع المظلل (م ٩ ب) بالقطاع الأصغر لأن : مساحة سطحه أقل من نصف مساحة

سطح الدائرة

يسمى القطاع غير المظلل (٢ ٩ ب) بالقطاع الأكبر لأن : مساحة سطحه أكبر من نصف مساحة سطح الدائرة

زاوية القطاع الدائرى:

لكل قطاع دائرى زاوية تسمى (زاوية القطاع الدائرى) و هي زاوية مركزية لأن رأسها عند مركز الدائرة مثل: (١ ٢ م ب) في الشكل السابق

مثال (١): بدراسة الشكل المقابل نلاحظ:

[۱] مساحة سطح القطاع (۱)

 $\frac{1}{2}$ مساحة سطح الدائرة

، زاویة القطاع (I) هی (< ۲ م ح)

أحمد التنتتوري

[7] مساحة سطح القطاع (٦) = $\frac{1}{2}$ مساحة سطح الدائرة ساحة سطح القطاع (Ψ) = $\frac{1}{2}$ مساحة سطح الدائرة Ψ ، زاویة القطاع (۳) هی $(\angle {}^{\dagger} \gamma \gamma \gamma)$ و قیاسها = 1.0

معتى ذلك :

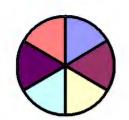
مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول مركز الدائرة = ٣٦٠

(۱) إدرس الشكل المقابل ثم أكمل:

[۱] مساحة سطح أى قطاع

= مساحة سطح الدائرة

 $^{\circ}$ قیاس زاویة أی قطاع $_{\odot}$



مثال (٦) : أخذ خالد من والده مبلغ ١٠٠ جنيه أشترى قميص ثمنه ٥٠ جنيهاً ، ساعة ثمنها ٢٥ جنيهاً و أدخر الباقى مثل ذلك بالقطاعات الدائرية

المبلغ كله يمثل ١٠٠٪ من مساحة سطح الدائرة

ثمن القميص = 0 جنيهاً يمثل $\frac{1}{2}$ المبلغ أى : 0٪ من 0. جنيه

و يمكن تمثيله بقطاع مساحته = ١٠ مساحة سطح الدائرة

ثمن الساعة = ٢٥ جنيهاً ، يمثل إ المبلغ أي : ٢٥ ٪ من ١٠٠ جنيه

ثانياً: تمثيل البيانات بالقطاعات الدائرية

لتمثيل البيانات بالقطاعات الدائرية يتم تقسيم سطح الدائرة إلى قطاعات وفقاً للنسب المئوية لكل قطاع و ذلك بحساب قياس الزاوية المركزية لكل قطاع و رسمها

مع مراعاة أن:

مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول مركز الدائرة = ٣٦٠°

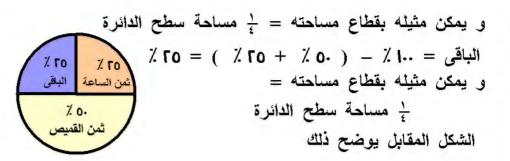
مثال (٣): الجدول التالى يوضح النسب المئوية للمواد المفضلة بين تلاميذ وحدى المدارس الإبتدائية مثل ذلك بالقطاعات الدائرية

دراسات إجتماعية	عثوم	رياضيات	لغة عربية	المادة المفضلة
%10	% Γ-	/. . .	% ٣ 0	النسبة

الحل

الخطوات:

- الدائرة بنصف قطر طوله مناسب
- ر نحسب قياس الزاوية المركزية لكل قطاع على حدة كما يلى : قياس الزاوية المركزية لقطاع اللغة العربية = $\frac{0.7}{1.0} \times 0.7$ \times 0.7 \times 0.7 \times 0.7 قياس الزاوية المركزية لقطاع الرياضيات = $\frac{0.7}{1.0} \times 0.7$ \times 0.7 قياس الزاوية المركزية لقطاع العلوم = $\frac{0.7}{1.0} \times 0.7$ \times 0.7 \times 0.7 0.7 \times 0.7 \times 0.7 \times 0.7 \times 0.7 \times 0.7 \times 0.7 0.7 \times 0.7
- ۳) نرسم م م تصف قطر للدائرة و هو خط البدایة لتحدید و رسم زاویة قیاسها ۱۲۱° لینتج القطاع ۲ م ب، و هو قطاع اللغة العربیة أحمد النستنوی



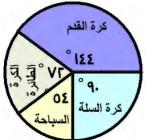
(٦) عند سؤال مجموعة من الشباب عن البرامج التلفزيونية التى يفضلون مشاهدتها تبين ما يلى : ٠٥٪ يفضلون البرامج الرياضية ، ٢٥٪ يفضلون البرامج الثقافية ، يفضلون البرامج الثقافية ، ١٢,٥٪ يفضلون البرامج الثقافية ، ١٢,٥٪ يفضلون البرامج الإخبارية مثل ذلك بالقطاعات الدائرية

مثال (٤): الجدول التالى يوضح النسب المئوية للألعاب المفضلة لتلاميذ إحدى المدارس الإبتدائية مثل ذلك بالقطاعات الدائرية

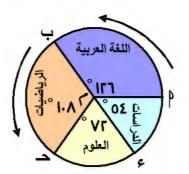
كرة السلة	السباحة	الكرة الطائرة	كرة القدم	اللعبة المفضلة
% FO	% 10	// Г•	% ٤ .	النسبة

و إذا كان عدد التلاميذ ١٦٠ تلميذاً ، أوجد عدد التلاميذ الذين يفضلون كرة القدم

الحك



عدد التلاميذ الذين يفضلون كرة القدم $= .11 \times .2 \%$ $= .11 \times \frac{1}{1.1}$ $= .12 \times 11 \times \frac{1}{1.1}$



- ٤) نعتبر مب خط البدایة لتحدید و رسم زاویة قیاسها ۱۰۸° لینتج القطاع برم حد ، و هو قطاع الریاضیات
 ۵) نعتبر محد خط البدایة لتحدید و رسم
 - نعتبر مح خط البداية لتحديد و رسد زاوية قياسها ۷° لينتج القطاع حرم ء ، و هو قطاع العلوم
- انعتبر مع خط البداية لتحديد و رسم زاوية قياسها ٥٥ لينتج القطاع عم ٩ ، و هو قطاع الدراسات الإجتماعية الشكل المقابل يوضح ذلك
- (۳) الجدول التالى يوضح نسب ما يستغرقه حسن من ساعات فى مذاكرة بعض المواد خلال أسبوع مثل ذلك بالقطاعات الدائرية

دراسات إجتماعية	علوم	رياضيات	لغة عربية	المادة
/. I.	7. Г.	% ٤ .	% ٣ .	النسبة

قياس الزاوية المركزية لقطاع اللغة العربية =

قياس الزاوية المركزية لقطاع الرياضيات =

قياس الزاوية المركزية لقطاع العلوم =

قیاس الزاویة المرکزیة لقطاع الدر اسات = \times ۳٦. \times النفتنوی

½ W.

الزراعة

7.

الصناعة

% 50

(٤) الجدول التالى يبين نسبة إنتاج خمسة مصانع لتعبئة الأرز

الخامس	الرابع	الثالث	الثاني	الأول	المصنع
%	% .	% г.	1.1.	% 10	النسبة

أكمل الجدول ، ثم مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية و إذا كان إنتاج المصنع الرابع .0 طناً ، أوجد إنتاج المصنع الأول

: الشكل المقابل :

: الشكل المقابل :

يبين مكونات الدخل القومى فى مصر خلال أحد الأعوام ، ادرس الشكل ثم أكمل :

- [ا] نسبة دخل الخدمات =
- [7] قياس الزاوية المركزية بالدرجات لنسبة الدخل القومي في الزراعة =

الشكل المقابل : يبين نسب انتاج اللحوم في ثلاث مجازر خلال معادر خلال المجزرة المجزرة المهور ، ادرس الشكل ثم أكمل : المعادرة الأولى المعادرة الأولى المعادرة الأولى المعادرة الأولى المعادرة المع

- [۱] نسبة انتاج المجزرة الثانية =
- [7] إذا كان: اجمالي انتاج المجازر الثلاثة

٤٥٠٠ طناً في الشهر فإن:

انتاج المجزرة الأولى = طنأ

انتاج المجزرة الثانية = طناً

انتاج المجزرة الثالثة = طناً



أحمد الننتتوي

(V) الجدول التالى يوضح الحالة الاجتماعية لمجموعة من الأفراد

المجموع	أرمل	مطثق	متزوج	أعزب	الحالة الاجتماعية
1	0.	-	0	۳0.	عدد الأفراد

مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية

فى	ناهد	تقضيها	التى	الأسبوعية	الساعات	عدد	یبین	التالى	الجدول	(\(\)
						إسية	. الدر	المواد	مراجعة	

٣	دراسان	علوم	رياضيات	لغة انجليزية	لغة عربية	المادة الدراسية
	9	0	>	٦	٩	عدد الساعات

مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية



الدرس الثاثي: التجربة العثوائية

تمهيد:

عند إلقاء قطعة نقود معدنية فمن المؤكد أن تظهر صورة أو كتابة و لكن لا نستطبع الجزم (أو نصدر قرار) أن تظهر صورة أو كتابة إلا بعد إلقاء قطعة النقود (إجراء التجربة) مثل هذه التجربة تسمى : التجربة العثوائية

التجربة العشوائية:

هى تجربة يمكن معرفة جميع نواتجها الممكنة قبل إجرائها ، و لكن لا يمكن تحديد الناتج الذي سيحدث فعلاً إلا بعد إجرائها

أمثلة لتجارب عثوائية و نواتجها الممكنة :

النتائج الممكنة	التجربة العشوائية
صورة ، كتابة	إثقاء قطعة نقود مرة واحدة
ولد ، بنت	نوع المولود لأسرة (دون وجود تؤام)
1.0.2.2.1	القاء حجر نرد مرة واحد و ملاحظة عدد النقاط على الوجه العلوى
hh , hl , lh , ll	تكوين عدد مكون من الرقمين: ١،٣
فوز، تعادل، خسارة	نتيجة مباراة كرة قدم

فضاء العينة (ف):

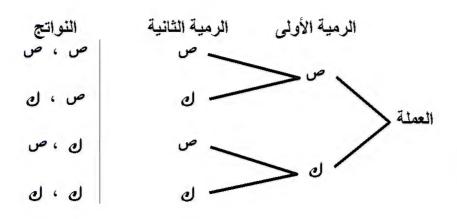
هو مجموعة جميع النواتج الممكنة للتجربة العثوائية

أحمد التنتتوري

مثال (١) : إذا كانت التجربة العشوائية هي :

إلقاء قطعتى مختلفتين نقود مرة واحدة أوجد فضاء العينة

نستخدم الشجرة البيانية لتمثيل ذلك كما بالشكل التالي



فضاء العينة (ف) = { (ص، ص)، (ص، ك)، (ك، ص)، (ك، ك)}

ملاحظة

- ا) القاء قطعتى نقود مرة واحدة يكافئ القاء قطعة نقود مرتين متتاليتين و هكذا
- القاء حجری نرد مرة واحدة یکافئ إلقاء حجر نرد مرتین متتالیتین
 و هکذا

أحمد الننتتوى

(۱) إذا كانت التجربة العشوائية هى : الحصول على عدد مكون من رقمين هما ٢، ٤

الرقم الأول الرقم الثاني النو

فضاء العينة (ف) =

مثال (٦) : في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة أكتب الأحداث التاثية :

- [۱] مجموع النقاط بالوجهين العلويين يساوى ٤
- [7] مجموع النقاط بالوجهين العلويين أقل من ٤
- [۳] القيمة المطلقة للفرق بين النقاط بالوجهين العلويين يساوى ٤
 - { (「 、 「) 、 (l 、 严) 、 (严 、 l) } [1]
 - {(1,1),(1,1),(1,1)}[1]
- {(1·r)·(r·1)·(0·1)·(1·0)} [m]

(٢) في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة أكتب الأحداث التالية: [۱] مجموع النقاط بالوجهين العلويين يساوى 0

....

[7] مجموع النقاط بالوجهين العلويين أقل من ٥

....

["] القيمة المطلقة للفرق بين النقاط بالوجهين العلويين يساوى ٥

...

(۳) إذا كانت التجربة العشوائية هي سحب كرة من صندوق به خمس كرات متماثلة (بيضاء ، حمراء ، سوداء ، زرقاء ، خضراء) أكمل :

فضاء العينة =

(٤) إذا كانت التجربة العشوائية هي سحب بطاقة واحدة من صندوق به بطاقات متماثلة و مرقمة من ا إلى ١٠

[۱] فضاء العينة =

[7] حدث أن تكون البطاقة تحمل عدداً يقبل القسمة على ٦ =

[4] حدث أن تكون البطاقة تحمل عدداً أولياً =

[2] حدث أن تكون البطاقة تحمل عدداً فردياً =

أحمد التنتتوى

لاحظ

٩ رف ، ب رف ، حارف

الحدث: أى نتائج نحصل عليها داخل التجربة العشوائية تسمى أحداثاً ملاحظات:

- ا الحدث مجموعة جزئية من مجموعة فضاء العينة
 - ا عدد عناصر الحدث يمثل عدد مرات حدوثه

إحتمال الحدث:

النسبة بين عدد عناصر الحدث و عدد عناصر فضاء العينة يسمى: إحتمال وقوع الحدث و يرمز له بالرمز: (ل)

فمن المثال السابق نجد:

$$b(4) = \frac{\text{at ailon like } \frac{4}{1}}{\text{at ailon boils like } \frac{4}{1}} = \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{6}}$$

$$= \frac{7}{7} = \frac{7}{7} = 0, \cdot = 0.$$

$$b(4) = \frac{7}{7} = \frac{1}{7} = 0, \cdot = 0.$$

$$b(4) = \frac{7}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7} = \frac{\sqrt{4}}{1}$$

$$= \frac{7}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7}$$

$$b(4) = \frac{7}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7}$$

$$= \frac{3}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7}$$

$$b(4) = \frac{7}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7$$

الدرس الثالث: الاحتمال

عثم أن:

فضاء العينة للتجربة العشوائية (ف):

هو مجموعة جميع النواتج الممكنة للتجربة العشوائية يرمز : عدد عناصر فضاء العينة بالرمز س (ف) فمثلاً :

- ا) فى تجربة إلقاء قطعة نقود مرة واحدة و ملاحظة الوجه الظاهر يكون : ف = $\{ \, \omega \, , \, \omega \, \} \,$
 - - مثال (۱): في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة أكتب الأحداث التالية و عدد عناصر كل حدث:
 - [۱] ۹ هو : حدث ظهور عدد أولى على الوجه العلوى
 - [7] ب هو : حدث ظهور عدد أقل من ٣ على الوجه العلوى
 - [۳] حدث ظهور عدد أكبر من ٦ على الوجه العلوى الحلال

$$\begin{array}{lll}
\mathbf{T} = (\mathbf{U}) \mathbf{v} & {\mathbf{T} \cdot \mathbf{0} \cdot \mathbf{\Sigma} \cdot \mathbf{W} \cdot \mathbf{\Gamma} \cdot \mathbf{I}} = \mathbf{U} \\
\mathbf{W} = (\mathbf{V}) \mathbf{v} & {\mathbf{V} \cdot \mathbf{V} \cdot \mathbf{I}} = \mathbf{V} & {\mathbf{I}}
\end{array}$$

$$\Gamma = (\dot{\tau}) \diamond \dot{\sigma} \qquad \{ \Gamma \cdot \Gamma \} = \dot{\tau} \Gamma$$

$$\phi = -\infty$$
 ، $\phi = -\infty$ ، $\phi = -\infty$

أحمد الننتتوي

أثواع الأحداث:

- الحدث المستحيل : هو الحدث الذي لا يمكن وقوعه
- و يعبر عنه : $\emptyset = \emptyset$ ، و احتمال وقوعه $\emptyset = \emptyset$ = صفر
 - ٢) الحدث المؤكد: هو الحدث الذي له جميع النواتج الممكنة
 - و يعبر عنه : ٩ = ف ، و احتمال وقوعه ل (ف) = ١

و معنى ذلك أن : قيمة احتمال الحدث ($\{ \} \}$ حيث $\{ \} \subset \emptyset$ لا تقل عن الصفر و لا تزيد عن الواحد أى أن : $\{ \} \subset \emptyset$ $\{ \} \subset \emptyset$

ملاحظات :

- ا] يمكن كتابة الإحتمال فى صورة كسر إعتيادى أو كسر عشرى
 أو نسبة مئوية
- التجارب ذات النتيجة المعروفة مسبقاً لا تسمى تجارب إحتمالية فمثلاً .
- * تجربة سحب كرة من صندوق به أربع كرات متماثلة لونها أصفر * تجربة سحب بطاقة من صندوق به ١٠ بطاقات متماثلة كلها تحمل الرقم ١٠

(۱) صندوق به ۱۰ بطاقة متماثلة مرقمة من ۱ إلى ۱۰ خلطت جيداً و سحبت بطاقة عشوائياً أكمل لايجاد إحتمال الأحداث التالية :

- [۱] الحدث (۹) هو: عدد يقبل القسمة على ٦
- [7] الحدث (ب) هو: عدد يقبل القسمة على ٣
- [۳] الحدث (ح) هو: عدد يقبل القسمة على كل من ۲، س في نفس الوقت
 - [2] الحدث (ء) هو: عدد يقبل القسمة على كل من ٢ أو ٣

$$.... = (\dot{\mathbf{u}}) \, \boldsymbol{v} \, \cdot \, \{ \qquad \} = \dot{\mathbf{u}} \, \cdot \,$$
 $.... = (\dot{\mathbf{p}}) \, \boldsymbol{v} \, \cdot \, \{ \qquad \} = \dot{\mathbf{p}} \, \cdot \,$

$$\dots = (\mathfrak{s}) \, \boldsymbol{v} \, \cdot \{ \dots \} = \mathfrak{s}$$

مثال (۲): إذا كان أحد الأندية ينعب .٣ مباراة في الدوري و كان إحتمال فوزه في عدد من المباريات هو ج أوجد عدد المباريات التي يفوز فيها هذا النادي في الدوري

العدد الكلى للمباريات = ٣٠ مباراة

بفرض أن : الحدث (٩) هو أن يفوز الفريق في مباراة

إذن : $b(4) = \frac{7}{6}$ أى أن : $\frac{3ec}{1ec}$ العدد الكلى للمباريات

إذن : عدد مباريات القوز = - ج

إذن : عدد مباريات الفوز $= - \frac{7}{6} \times \frac{7}{6} = 17$ مباراة

(٦) في مسابقة الطائب المثاني لأحد المدارس تقدم ٤٥ تلميذ و تلميذة فإذا كان احتمال أن تكون احدى التلميذات هي الطائب المثالي هو ألم احسب عدد التلميذات المشتركات في هذه المسابقة

(٣) عند إلقاء حجر نرد منتظم مرة واحدة و ملاحظة العدد الظاهر على الوجه العلوى أوجد احتمال الأحداث التالية :

[۱] ظهور عدد فردی =

[7] ظهور عدد يقبل القسمة على ٣ =

[۳] ظهور عدد أقل من ۳ =

[2] ظهور عدد أكبر من أو يساوى ۳ =

[0] ظهور عدد أكبر من ٦ =

[٦] ظهور عدد أونى =

[V] ظهور الأعداد ١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦ =

(٤) سحبت بطاقة من كيس يحتوى على ٣٠ بطاقة مرقمة من ١ إلى ٣٠. أوجد احتمال أن تكون البطاقة المسحوبة تحمل عدداً:

[۱] يقبل القسمة على ۳ =

[۲] يقبل القسمة على 0 =

[4] يقبل القسمة على 4 و 0 في نفس الوقت =

[2] يقبل القسمة على ٣ أو ٥ =

[0] أولياً زوجياً =

أحمد التنتتوري

- (0) إناء يحتوى على 0 كرات حمراء ، ٣ كرات سوداء ، ٤ كرات بيضاء لها نفس الحجم فإذا سحبت كرة واحدة عشوائياً أكمل:
 - [۱] احتمال أن تكون الكرة المسحوبة حمراء =
 - [7] احتمال أن تكون الكرة المسحوبة سوداء =
 - [٣] احتمال أن تكون الكرة المسحوبة ليست بيضاء =
- [2] احتمال أن تكون الكرة المسحوبة بيضاء أو حمراء =
- [0] احتمال أن تكون الكرة المسحوبة بيضاء أو حمراء أو سوداء
- (٦) فصل دراسي به ٤٢ تلميذاً ، منهم ٢٠ تلميذاً يلعبون كرة القدم ، ٨ تلاميذ يلعبون كرة السلة ، و باقى التلاميذ يلعبون ألعاباً أخرى اختير أحد التلاميذ عشوائياً أوجد:
 - [۱] احتمال أن يكون التلميذ المختار ممن يلعبون كرة القدم
- [7] عدد تلاميذ المدرسة الذين يلعبون ألعاباً أخرى إذا كان عدد تلاميذ المدرسة ..٦ تلميذ

(V) أثناء تدريبات أحد أندية كرة القدم سدد أحد اللاعبين ٢٤ ركلة جزاء فأحرز منها ٢١ هدفاً ، و سدد لاعب آخر ٢٧ ركلة جزاء فأحرز منها ٢٤ هدفاً ، أي اللاعبين يتم اختياره لتسديد ركلة جزاء أثناء المباراة و لماذا ؟

- (٨) فصل دراسي به ٤٠ تلميذاً ، طبق عليهم اختباراً في الرياضيات درجته العظمى ٥٠ درجة ، فإذا كانت درجات ٣٠ تلميذاً أقل من $\frac{1}{2}$ هو $\frac{1}{2}$ درجة ، و احتمال أن تكون درجة التلميذ \geq .
 - اختير أحد التلاميذ عثبوائياً أوجد:
 - [۱] احتمال أن تكون درجة التلميذ المختار أقل من ٤٠ درجة
 - [7] عدد التلاميذ الحاصلين على درجة ≥ ٤٠

(٩) سجلت نتيجة اختبار الرياضيات لشهر مارس لأحد الفصول حسب تقديرات التلاميذ في الجدول التالى :

ضعيف	مقبول	ختر	ختر خدا	ممتاز
٤	٨	רו	IF	٨

اختير أحد التلاميذ عثوائياً أوجد : احتمال أن يحصل التلميذ المختار على تقدير جيد

(۱۰) فى تجربة تكوين عدد مكون من رقمين (بدون تكرار الرقم) لمجموعة الأرقام { ۱ ، ۲ ، ۳ } أوجد احتمال الحصول على : [۱] عدد زوجى [۲] عدد فردى أولى

(۱۱) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

[۱] عند إلقاء قطعة نقود معدنية مرة واحدة و ملاحظة الوجه العلوى فإن احتمال ظهور صورة =

(٥٠ ٪ ، ٢٥ ٪ ، صفر)

[7] عند إلقاء حجر نرد مرة واحدة فإن احتمال أن العدد الظاهر على الوجه العلوى يحقق المتباينة : ٣ < س < 0

 $(\frac{7}{7}, \frac{1}{7}, \frac{7}{7}, \frac{7}{7})$

[۳] إذا كان إحتمال رسوب طالب في إمتحان ما \wedge , فإن احتمال المعال المعا

[2] إذا كان إحتمال أن يحل تلميذ مسألة ٧,٠ فإن عدد المسائل المتوقع حلها من النوع من بين ٢٠ مسألة يساوى

(F. , 12 , I. , V)

[0] فصل دراسی به ۲۵ ولد و ۱۵ بنت فإذا اختیر احدهم عشوائیاً فان احتمال أن یکون بنتاً $\frac{\sqrt{7}}{7}$ ، $\frac{\sqrt{7}}{7$

[7] عند إلقاء حجر نرد منتظم مرة واحدة فإن احتمال ظهور عدد زوجی علی الوجه العلوی = $(\frac{1}{7}, \frac{1}{1}, \frac{1}{7}, 1)$

[V] احتمال الحدث المستحیل = (\emptyset) ، ، صفر ، [V]

أحمد التنتتوى

VI

9 - [2]

Γ [<u>Σ</u>]

I.. [A]

المحايد الجمعي

دمج

دمج

المعكوس الجمعي

المحايد الجمعي

أحمد النتنتوري

= [V2 + (- 0)] + 0 ابدال

= V2 + [(-07) + 07] targ

٤V =

= ٤٧ + صفر الجمعي

= [۲۰۱٦ + [(۱۰۱٦ – ۲۰۱۹) بدال

= ۳۸۹ + [(- ۱۰۱٦) + ۲۰۱٦] دمج

 $|\Psi + [(\Psi -) + (\Sigma -)] + \Sigma 0 =$

[(2 - 1) + ((

 $\lambda \lambda + [(\lambda \lambda -) + (\lambda \lambda -)] + (\mu \mu -) =$

 $= [(- \Psi\Psi) + (- V\Gamma)] + [(- \Lambda\Lambda) + \Lambda\Lambda]$ =

IPA9 = I... + PA9 =

= 0 + صفر

[۸] صفر

الوحدة الأولى

```
(٤) [۲] V [۲] صفر
                [٥] – ٨ [٦] صفر [٧] ١٢
                (0) [۱] - ۱ [۲] صفر
                \Sigma V - [V] \quad \Gamma_1 - [T] \quad [O]
                [0] [(-07) + V2] + 07
             [-1] + [-2] + (-1] + [-1] + [-1]
       |W + [(\Sigma -) + (|W -)] + \Sigma 0
```

```
اجوية بعض التمارين
                                                                                                                                                 الأعداد الصحيحة
                                                                  الدرس الأول: مجموعة الأعداد الصحيحة
                                                                       \Sigma - [0] \mathbb{I} \cdot [\Sigma] \mathbb{I} \cdot \cdots - [\mathbb{M}] 0 \cdot \cdots [\Gamma] \Gamma - [\mathbb{I}] (\mathbb{I})
                                                                                                                                                                                                                                                                                               (١) أجب بنفسك
                                                                                                                       (٣) [۱] ١] موجبة ٢] صفر ٣] سالبة
                                                                                                                                 [۲] ۱] موجبة ۲] سالبة ۳] صفر
             [۳] ۱] موجبة ۲] سالبة [۱] موجبة ، صفر ، سالبة
                                                                                                        \{ \dots, \Gamma - \Gamma - \Gamma - \Gamma \cap \Gamma \cap \Gamma \cap \Gamma \} [I] (\Sigma)
                                                                                    { ..... · [ · | · · · | - · [ - · [ - · ] [ [ ]
                                                                                                                                                                                        \{1, \dots, 1-, \Gamma-\}
                                                                                                                                 \{ \dots, \cdot \} - \cdot \Sigma - \cdot \Gamma - \cdot \cdot \} [\Sigma]
                                                [0] ب = مجموعة الأعداد الصحيحة الزوجية غير الموجية
               -\infty [7] \sim [0] d [7] \langle \cdot \rangle [8] \langle \cdot \rangle [8] \langle \cdot \rangle [9] \langle \cdot \rangle
(1) [1] \in [7] \circ [7] \lor [8] \lor 
                          [V] \subset [\Lambda] \oplus [\P] - V [\Pi] \cup \emptyset صفر [\Pi] \oplus [\Pi] \oplus [\Pi]
```

الدرس الثاني: ترتيب الأعداد الصحيحة و المقارنة بينها (۱) [۱] صفر [۲] – ۲ [۳] – ۷ [۱] ۳ [۵] ۷ [۲] – ۲ (۱) [۱] ۳ ، ۲ ، ۹ [۲] ۹ ، ۲ ، ۱۰ [۳] – ۱۰ ، صفر ، ۱۰ $1 + [1] 12 - [0] P - [2] 1 + [P] 2 + [\Gamma] 0 + [I] (P)$

أحمد الننتتوري

سہ غیر مغلقة بالنسبة لعملیتی الجمع و الطرح
$$[7] - 0$$
 ، $[7] - 10$ ، $[7] - 10$ ، $[8] - 10$ ،

(۱۰) مبلغ الربح =
$$800 - 110 + 10$$
 = $100 - 100$ جنيهاً (۱۱) الزيادة في درجة الحرارة = $100 - 100$ $100 - 100$ $100 - 100$

$$I \cdot - [0] \quad \Psi \cdot [\Sigma] \quad 0 - [\Psi] \quad 0 - [\Gamma] \qquad \Gamma [I] (I\Gamma)$$

$$1. + (9. -)$$
 [۱] \Rightarrow [۹] \Rightarrow [۷] \Rightarrow [۱] \Rightarrow [1] \Rightarrow

الدرس الرابع: ضرب و قسمة الأعداد الصحيحة

$$(1\Lambda-) [1] \qquad (\Lambda-) [0] \qquad (1\Lambda-) [2]$$

$$79 - \cdot 2A - \cdot 72 - [1] (7)$$

$$[(12-)+(1-)]\times 9[1](")$$

[۳] بما أن : ۳ × إس ا = ا - ۲۱ ا

أحمد التنتتوى

أحمد الننتتوي

$$|\dot{\epsilon}\dot{\upsilon}: | \neg \upsilon | = | 7$$
 $|\dot{\epsilon}\dot{\upsilon}: | \neg \upsilon | = | 7$
 $|\dot{\epsilon}\dot{\upsilon}: | \neg \upsilon | = | 7$

أحمد التنتتوى

[2] |Maze(t)| = |M - 0 - 0 - 0| + 3| $= |\text{M} - 0 \times (-1)| \div (-1)|$ $= |\text{M} - 0 \times (-1)| \div (-1)|$

 $\Lambda - [\Sigma]$ $\Gamma - [W]$ $W1 [\Gamma]$ W0 - [1] (9)> [1] < [0] > [2] < [W] = [\Gamma] = [\Gamma] (1.)

الدرس الخامس: الضرب المتكرر

(۱) أكمل بنفسك (۲) أكمل بنفسك

[٦] -۱+۱ = صفر

 $\Gamma V = {}^{\mu} \Psi = {}^{1+\Gamma} \Psi [\Gamma] \qquad \Psi \Gamma = {}^{0} \Gamma = {}^{\Gamma+\Psi} \Gamma [I] (\underline{\Sigma})$ $I \Gamma \Lambda - = {}^{V} (\Gamma -) = {}^{\Sigma+\Psi} (\Gamma -) [\Psi]$

 $\Gamma\Sigma\Psi - = {}^{0}(\Psi -) = {}^{\Psi + \Gamma}(\Psi -) \quad [\Sigma]$

|0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0| = |0|

أحمد التنتتوى

أحمد الننتتوري

$$I - = {}^{1V}(I -) = {}^{9+\Lambda}(I -) [7]$$

$$W = {}^{1}(W) = {}^{1-\Gamma}(W) [\Gamma] \qquad \Pi = {}^{2}(\Gamma) = {}^{m-V}(\Gamma) [\Pi] (0)$$

$$\mathbf{W}\Gamma - = {}^{0}(\Gamma -) = {}^{2-9}(\Gamma -) [\mathbf{W}]$$

$$\Lambda I = {}^{\Sigma}(\Psi -) = {}^{\Psi - V}(\Psi -) [\Sigma]$$

$$I = (0) - = (0) - = (0) - = (0) + (0) - [0]$$

$$1- = {}^{9}(1-) = {}^{9-1}(1-)$$

$$l = {}^{0}(1\Gamma \cdot -)$$
 $[\Gamma]$ $1 - = {}^{0}(1-) = {}^{0}(2-0)$ $[1]$ $[1]$

$$(V)$$
 المقدار = $0^{9} \div 0^{0} = (0)^{9-0} = (0)^{2} = 0$

$$\Gamma V = {}^{\mu}(P) = {}^{q-1}(P) = {}^{q}P \div {}^{\mu}P = {}^{\mu}(P)$$
 المقدار Γ

$$17 = {}^{1}(\Sigma -) = {}^{1-\Lambda}(\Sigma -) = {}^{1}(\Sigma -) \div {}^{\Lambda}(\Sigma -) = {}^{1}(\Sigma -)$$
 المقدار (9)

$$^{9}(\Gamma) - = ^{9}(\Gamma)$$
 ، $^{V}(\Gamma) - = ^{V}(\Gamma)$ ، $^{5}(\Gamma) = ^{5}(\Gamma)$: نما أن $^{1}(\Gamma)$

$$|\vec{l}(t)| = \frac{|\vec{l}(t)|^2 \times -|\vec{l}(t)|}{|\vec{l}(t)|} = \frac{|\vec{l}(t)|^2 \times |\vec{l}(t)|}{|\vec{l}(t)|}$$

$$\Sigma = {}^{\Gamma}(\Gamma) = {}^{q-\Pi}(\Gamma) = \frac{{}^{\Pi}\Gamma}{\Gamma} = {}^{\Pi}\Gamma$$

الترتيب التصاعدی هو :
$$(-P)^{"}$$
 ، $(-P)^{"}$. $(-P)^{$

الدرس السادس و الأثماط العددية

- (١) و صف النمط: كل عدد يزيد عن سابق مباشرة بمقدار ٥ $\Gamma \Psi = 0 + 1\Lambda = 0 + 1$ العدد الخامس = العدد الرابع $\Gamma \Lambda = 0 + \Gamma \Psi = 0 + 0$ liter liter | Later | ΓΓ · 19 · 17 · 18 · 1· · V · Σ [1] (Γ)
 - کل عدد بزید عن سابقه مباشرة بمقدار ۳ ۲۰ ۲۰ ۱۱ ، ۱۲ ، ۸ ، ۲ ، صفر ، 🗕 ۲ کل عدد بقل عن سابقه مباشرة بمقدار ٤ [4] . 12 . 12 . 12 . 13 . A . 2 [4]
- 1..... (|..... (|... (|... (|... (|... (| [2] كل عدد = حاصل ضرب ١٠ × العدد السابق له مباشرة
 - TE C TV C TE C IV C IE C V C [0] كل عدد يزيد عن سابقه مباشرة بمقدار ٥ 195 4 97 4 28 4 52 4 15 4 7 4 17 7
 - كل عدد ضعف العدد السابق له مباشرة [V] $\frac{1}{7}$, $\frac{1}{37}$, $\frac{1}{77}$, $\frac{1}{77}$, $\frac{1}{77}$, $\frac{1}{7}$

```
الوحدة الثاثية المعادلات و المتباينات
     الدرس الأول: المعادلة و المتباينة من الدرجة الأولى
                  (۱) [۱] ص – ۱ = ۲ ( تمثل معادلة )
            لأنها تتضمن تساوى بين عبارتين رياضيتين
                  ( تمثل معادلة )
            لأنها تتضمن تساوى بين عبارتين رياضيتين
                  [۳] س – ٤ = ۹ (تمثل معادلة)
            لأنها تتضمن تساوى بين عبارتين رياضيتين
                [۱] ص - ۱ < ٥ ( تمثل متباينة )
         لأنها تتضمن علامة تباين بين عبارتين رياضيتين
     V + V ( V = V )
لأنها لا تتضمن علامة تساوى أو تباين بين عبارتين رياضيتين
                 [۳] ۳ س > ٦ (تمثل متباینة)
         لأنها تتضمن علامة تباين بين عبارتين رياضيتين
                 [2] \Gamma س + \Gamma ا = \Gamma ( تمثل معادلة )
        لأنها تتضمن علامة تساوى بين عبارتين رياضيتين
                          \Gamma = -\Gamma يكون : \Gamma = -\Gamma
      1. \neq (0-) = 1 + (7-) = 1 + (7-) \times \mathbb{P}
                 إذن: العدد ( - 7 ) لا يحقق المعادلة
```

= عندما : س = کون

 $I \cdot \neq V = I + I = I + (\Gamma) \times \mathbb{P}$

```
وصف النمط: كل عدد نصف العدد السابق له مباشرة
              ΨΓ· · 17· · Λ· [Γ] ΟΨ · Σ0 · ΨV [۱] (Ψ)
             ΨΣΨ ( ΓΙ) ( ΙΓΟ [Σ] Σ9 ( Ψ) ( ΓΟ [Ψ]
                \frac{\lambda}{4} \begin{pmatrix} \frac{V}{\lambda} & \frac{V}{V} & \frac{V}{V} & 1 \end{pmatrix} \Psi \begin{pmatrix} \Gamma \Psi & V & 0 \end{pmatrix}
                                         <sup>₩</sup> ' [ ' <sup>®</sup> [V]
                          1 , 0 , 1, , 1, , 0 , 1 [1] (2)
                     1 , 7 , 10 , 5 , 10 , 7 , 1 [7]
                        ..... ' 17 ' A ' & ' F ' 1 [m]
          [2] عناصر القطر الأول هي : (١،١،١،١،١)
     ، عناصر القطر الثاني هي : (١، ٢، ٣، ٤، ٥)
    ، عناصر القطر الثاني هي: (١، ٣، ٦، ١، ١٥)
               (0) عدد القطع المستقيمة : ٣ ، 0 ، ٧ ، 9
              النمط العددي : ۳ ، ۰ ، ۷ ، ۹
وصف النمط: كل عدد يزيد عن سابقه مباشرة بمقدار ٢
              (1) عدد القطع المستقيمة : ٤ ، ٧ ، ١٠ ، ١٣
              النمط العددي : ۱۰، ۷، ٤ : ۳، ۱۳،
وصف النمط : كل عدد يزيد عن سابقه مباشرة بمقدار ٣
  (V) ۱۰۰ ، ۱۲۵ ، ۱۷۵ ، ۱۷۵ ، ۱۲۵ ، ۱۲۵ ، ۱۰۰ (V)
          ۱ کشهور ۲۰۰ ، ۳۰۰ ، ۲۰۰ ، ۵۰۰ ، ۵۰۰ (۸)
```

أحمد الننتتوري

أحمد التنتتوي

(۹) عام ۲۰۱۷

الدرس الثاتى: حل المعادلة من الدرجة الأولى في مجهول واحد

بإضافة (Γ) للطرفين $\Lambda = \Gamma - \sigma$ [Γ]

 $\Gamma + \Lambda = \Gamma + \Gamma - \smile$

س = ١٠ إذن : مجموعة الحل = { ١٠ }

س = ٣ إذن : مجموعة الحل = { ٣ }

(۳) ٥ س + ۱۳ = ۳ بإضافة (– ۱۳) تلطرفين

إذن : العدد (٢) لا يحقق المعادلة = يکون : = س $I = I = I + 9 = I + (P) \times P$ إذن : العدد (٣) يحقق المعادلة عندما : س = ٤ يكون : $1. \neq 1 = 1 + 1 = 1 + (2) \times =$ إذن : العدد (٤) لا يحقق المعادلة نستنتج أن: مجموعة الحل = { ٣ } (2) أجب بنفسك كما سبق ، [1] مجموعة الحل $= \{ \Psi \}$ [7] مجموعة الحل = $\{-1\}$ مجموعة الحل = $\{7\}$ (0) باعتبار مجموعة التعويض ع = { - ١ ، ٢ ، ٤ ، ٥ } $V < I + _{m}$ أوجد مجموعة حل المتباينة : ٢ س نعوض بعناصر مجموعة التعويض ع في الطرف الأيمن (٢ س + ١) لتحديد العناصر التي تحقق المتباينة كما يلي: = -1 یکون : $V < (I -) = I + (I -) = I + (I -) \times I$ إذن : العدد (- ١) لا يحقق المتباينة عندما: س = ۲ یکون: $V \leq 0 = I + \Sigma = I + (\Gamma) \times \Gamma$ إذن : العدد (٢) لا يحقق المتباينة

أحمد الننتتوي

عندما : س = ٤ يكون :

أحمد النتنتوري

```
0 س + ۱۳ – ۱۳ – ۳ – ۱۳
 0 س = - ١٠ بقسمة الطرفين على 0 ينتج:
\emptyset = \Gamma إذن : مجموعة الحل في \Gamma = \emptyset
        ، إذن : مجموعة الحل في صم = { - ٢ }
   نفرض أن : العدد = س إذن : أربعة أمثاله \geq س (٤)
                     إذن : ٤ س + س = ٣٥
    إذن : ٥ س = ٣٥ بقسمة الطرفين على ٥ ينتج :
     س = V إذن العدد هو: V
         (0) [۱] س + ۲ = V بإضافة ( -7 ) للطرفين
                    \Gamma - V = \Gamma - \Gamma + \nu
   س = 0 إذن: مجموعة الحل في ط = { 0 }
    ۳ [۲] ۳ س – ۱ = ۸ بإضافة (۱) للطرفين
                1 + \Lambda = 1 + 1 - \Psi
  ٣ س = ٩ بقسمة الطرفين على ٣ ينتج:
  س = ٣ إذن: مجموعة الحل في ط = { ٣ }
     إس + ٤ = ٦
بإضافة ( -٤ ) للطرفين
                ع س + ٤ – ٤ = ٤ – ٤
    ٢ - ب تسمة الطرفين على ٢ ينتج:
    س = ١ إذن: مجموعة الحل في ط = { ١ }

    (۱) اس + ۱ = 0 بإضافة ( –۱ ) للطرفين
```

 $1 - 0 = 1 - 1 + \omega$

أحمد الننتتوري

۸۳

 $\Sigma = \Sigma$ إذن : مجموعة الحل في $\Sigma = \Sigma$ ٣ - ٢ - ١٣ بإضافة (٢) للطرفين $\Gamma + IP = \Gamma + \Gamma - P$ ٣ س = ١٥ بقسمة الطرفين على ٣ ينتج: 0 = 0 إذن : مجموعة الحل في 0 = 0۲ [۳] ۲ س + ۳ = 0 بإضافة (۳) تنظرفين $\Psi - 0 = \Psi - \Psi + \mathcal{F}$ ٢ - ٢ بقسمة الطرفين على ٢ ينتج: - ا إذن : مجموعة الحل في - = { ا } (V) [۱] ۲ س = ٤ [۲] الأولى [۳] الثانية [٤] { ٣ } [0] Ø [7] { - 7 } [V] صفر [۸] { ۳ } [0] [۱۱] س + ۲ [۱۱] س + ۵ [۱۲] ۵ – س الدرس الثالث: حل المتباينة من الدرجة الأولى في مجهول واحد (۱) س – ۳ – ۱ نظرفین

س – ۳ + ۲ > ۳ + ۳ فن : س < ٤

[۱] حيث : س ∈ ط فإن : مجموعة الحل = { ٣ ، ٢ ، ١ ، . }

[7] حيث : س ∈ ط فإن : مجموعة الحل = { ٣ ، ١ ، ٠ ، } مثل الحل بنفسك

(٢) ٥ س + ١٣ > ٣ بإضافة (ـ ١٣) للطرفين

```
0 س + ۱۳ – ۳ > ۱۳ – ۱۳
       0 س > - ١٠ بقسمة الطرفين على 0 ينتج:
                               -ر > ر
          [۱] وحيث: س < - ۲ غير ممكنة في ط
               \emptyset = \emptyset إذن : مجموعة الحل في ط
           [7] و حيث : س < - ٢ ممكنة في صم
(۳) [۱] س + ۲ < ۷ بإضافة ( – ۲ ) للطرفين</p>
      س + ۲ – ۲ < V – ۲ اذن : س < ٥
  ، مجموعة الحل = { ٤، ٣ ، ٢ ، ١ ، . } ، مثل بنفسك
          ٣ [7] ٣ س - ١ ≥ ٨ بإضافة (١) للطرفين
                   ۳ س _ ا + ۱ < ۸ + ۱
    ٣ س < ٩ بنتج:
                               ٣ > ١٣
        مجموعة الحل = { ۲ ، ۱ ، . } ، مثل بنفسك
```

(2) [1] (3) س -0 < -V بإضافة (0) الطرفين -0 + 0 < -V + 0 بقسمة الطرفين على -0 + 0 < -V + 0 بقسمة الطرفين على -0 < -V + 0 < -V + 0 بنفسك مجموعة الحل -0 < -V + 0 < -V + 0 بنفسك مجموعة الحل -0 < -V + 0 < -V + 0 بنفسك

[7] 0 - س > 7 بإضافة (- 0) للطرفين 0 - 0 - س > 7 + 0 - س > 11 بالقسمة على (- 1) ينتج :

س < -11 مجموعة الحل = $\{-11 : -14 : -15 : ... \}$ مثل بنفسك

[۳] ۱ – ۲ س ۱ ۳ بإضافة (– ۱) تنظرفين

۱ + ۳ ≤ بس ۶ - ۱ - ۱

- ۲ س ≥ ٤ بالقسمة على (- ٦) ينتج : س ≤ - ٦

مجموعة الحل = $\{-7, -7, -2, \dots\}$ مثل بنفسك $\{1, \cdot \cdot\}[0]$ $\{7, \cdot\}[1]$ $\{7, \cdot\}[0]$ $\{7, \cdot\}[1]$ $\{7, \cdot\}[1]$ $\{7, \cdot\}[1]$ $\{7, \cdot\}[1]$ $\{7, \cdot\}[1]$ $\{7, \cdot\}[1]$

0 ≤ س [۲] س < − ۱ ا] س ا

0 > س > ۲ [٤] ا > ۲ − [۳]

الوحدة الثالثة الهندسة و القياس

الدرس الأول: المسافة بين تقطتين في مستوى الإحداثيات

 $\cdot \; (\; \Psi - \; \cdot \; \Sigma - \;) \; \rightharpoonup \; \cdot \; (\; \Psi \; \cdot \; \Sigma \; - \;) \; \varphi \; \cdot \; (\; \Psi \; \cdot \; \Sigma \;) \; \upharpoonright \; [I] \; (I)$

· (٣ - · ٤) ۶

ب ح = ٦ وحدة ، ح ء = ٨ وحدة

أحمد التنتتوى

[۳] مستطیل [۱] ۲۸ [۵] ۲۸

[٦] نعم متماثل لأن المحور الأفقى (السينات) محور تماثل له

[V] نعم متماثل لأن المحور الرأسى (الصادات) محور تماثل له

(٦) [١] حدد النقط بنفسك [٦] ٤ [٣] ٤ [٤] قائم الزاوية [٥] متساوى الساقين [٦] ٨

(٣) [١] حدد النقط بنفسك [٦] ٩ [٣] معين [٥] ٢٧

(2) [۱] حدد النقط بنفسك

[2] مربع [0] ٦٠ [٦] ٥٦

الدرس الثاثى: التحويلات الهندسية (الانتقال)

(۱) [۱] دوران [۲] انعكاس [۳] انتقال

[2] انتقال [0] دوران [٦] انعكاس

(٢) أجب بنفسك

(۳) حدد النقاط و الصور بنفسك ، ﴿ (- ۳ ، - 7)

ب'=(-۱۰٦)

 $(\cdot \cdot \Gamma) [\Gamma] \qquad (\cdot \cdot \Gamma) [I] (\Sigma)$

 $(\mathbf{P} - (\mathbf{I} - \mathbf{I}) [\mathbf{\Sigma}] \qquad (\mathbf{\Gamma} (\mathbf{I}) [\mathbf{P}]$

(l - (l

 $(\mathsf{I} \cdot \mathsf{\Sigma})[\mathsf{\Sigma}] \qquad (\mathsf{V} \cdot \mathsf{V} -)[\mathsf{P}]$

أحمد التنتتوري

(\mathfrak{\Pmathfrak{\pmathfrak{\Pmathfrak

 $(\mathbf{W} - \mathbf{O} - \mathbf{O}) [\mathbf{\Sigma}] \qquad (\mathbf{O} \mathbf{O} \cdot \mathbf{O}) [\mathbf{W}]$

 (\mathbf{V}) حدد النقاط و الصور بنفسك ، $\mathbf{Q}' = (\mathbf{I} \cdot \mathbf{V})$

(1 - · ٣) = '\(·

 (Λ) حدد النقاط و الصور بنفسك ، $\Lambda' = (2 , 7)$

 $(\cdot, \cdot \Sigma) = \frac{1}{2} \cdot (\cdot, \cdot \Gamma) = \frac{1}{2} \cdot (\Gamma, \cdot \Gamma$

المجسم يسمى: مكعب ، حجمه = ٨ وحدة مكعبة

الدرس الثالث : مساحة الدائرة

 π مساحة سطح الدائرة π نه الدائرة

اب ۱۳٫۸ γ = ۲٫۱ × ۲٫۱ × $\frac{\gamma\gamma}{\gamma}$ =

 π مساحة سطح الدائرة π

 7 سم 7 × ۷,۷ × ۷,۷ = ع۳,۲۸۱ سم

 π بما أن : مساحة سطح الدائرة π

ن : ۳۱۶ = ۳۱۶ × ن

اذن : نن الله عال + ١٠٠ = ١٠٠ = ١٠٠ : الذن الله على الله

إذن : في = ١٠ سم

محیط الدائرة π π π π ادائرة π π ا

أحمد التنتوري

مساحة سطح مستطيل = $\Lambda \times \Gamma = 2\Lambda$ سم مساحة الجزء المظلل = مساحة الدائرة – مساحة المستطيل

مساحة سطح الدائرة $\mathbf{w} = \mathbf{w} \times \mathbf{v}$ مساحة سطح القطاع الواحد

سم ۱۳٫۸٦ =
$$\xi$$
, ξ سم

 π بما أن : مساحة سطح الدائرة

و منها : نی $= 2,2 = 7,1 \times 7,1 = 1,7$ سم

VI [A]
$$\Gamma I \cdot [V] \quad \Sigma - \pi \Gamma [I] \quad \pi [0]$$

الدرس الرابع: المساحة الجانبية و الكلية لكل من المرس المكعب متوازى المستطيلات

(۱) المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٤

$$^{\mathsf{L}}$$
سم $^{\mathsf{L}}$ سم $^{\mathsf{L}}$ سم $^{\mathsf{L}}$ $^{\mathsf{L}}$ $^{\mathsf{L}}$ $^{\mathsf{L}}$

المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٦

آ با
$$\mathbf{v} \times \mathbf{v} = \mathbf{v} \times \mathbf{v} = \mathbf{v} \times \mathbf{v} = \mathbf{v}$$
 اسم

(T) طول الحرف الواحد = ۱۲ ÷ ۱۲ = ۲ سم

المساحة الجانبية للمكعب = مساحة الوجه الواحد × ٤

$$^{\Gamma}$$
ا سم $^{\Sigma}$ $^{\Sigma}$ $^{\Sigma}$ $^{\Sigma}$ $^{\Sigma}$ $^{\Sigma}$ $^{\Sigma}$ $^{\Sigma}$ $^{\Sigma}$

أحمد التنتوى

نه $\pi \Gamma = \pi$ بما أن : محيط الدائرة

$$\frac{1}{4}$$
 : $\Lambda \Lambda = \Gamma \times \frac{77}{V}$ ن

و منها: ١٤ سم

 π مساحة سطح الدائرة π نه

7
 سم 7 × کا × کا = 17 سم

مساحة الدائرة	نۍ	محيط الدائرة	π	نۍ	(0)
٦,١٦ سم	1,97 سم	۸,۸ سم	77	۱٫٤ سم	
۳,۱٤ سم	ا سم	۱۲٫۸ سم	۳,۱٤	۱۰ سم	
۱۳۸٦ سم	221 سم	۱۳۲ سم	77	۲۱ سم	
٥٠,٢٤ سم	٦٦ سم ا	۲٥,۱۲ سم	۳,۱٤	٤ سم	

(٦) مساحة سطح مستطيل = $V \times I \times V = V$ سم طول قطر الدائرة = عرض المستطيل = $V \times V = V$ سم

 π مساحة سطح الدائرة π ن

7
سم 7 × 0, 7 × 0, 7 =

مساحة الجزء المظلل = مساحة المستطيل - مساحة الدائرة

 π مساحة سطح الدائرة π ن π

$$^{\Gamma}$$
سم $^{\prime}$ $^{\prime}$

أحمد الننتتوري

آلمساحة الجانبية للحجرة = $7 \times (0.7 + 0.7) \times 7 = 0.00$ % المساحة الكلية للحجرة = $0.00 \times 1.00 \times 1.00 \times 1.00$ % مساحة ما يتم طلاؤه = $0.00 \times 1.00 \times 1.00$ % تكاليف الطلاء = $0.00 \times 1.00 \times 1.00 \times 1.00$ المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد $0.00 \times 1.00 \times 1.00$

مساحة البلاطة = ٢٠٠٥ × ٢٥٥ = ١٠٥٠.. ٦

المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه الواحد \times Γ = $2 \times \Gamma$ = $2 \times \Gamma$ = $27 \times \Gamma$ = $27 \times \Gamma$ = $27 \times \Gamma$ | $27 \times \Gamma$ = $27 \times \Gamma$ = $27 \times \Gamma$ | $27 \times \Gamma$ | 2

(0) بما أن محیط قاعدة المکعب = طول ضلع القاعدة \times کا الفن :

(1) بما أن محیط قاعدة \times ۲۰ = طول ضلع القاعدة \times ۲۰ = طول ضلع القاعدة \times ۲۰ = ۱۵ سم الفن : طول ضلع القاعدة \times ۲۰ = ۱۵ سم المساحة الجانبیة للمکعب = مساحة الوجه الواحد \times ۲۰ المساحة الجانبیة للمکعب = مساحة الوجه الواحد \times ۲۰ المساحة الجانبیة للمکعب = مساحة الوجه الواحد \times ۲۰ المساحة الحانبیة للمکعب = مساحة الوجه الواحد \times ۲۰ المساحة الحانبیة للمکعب = مساحة الوجه الواحد \times ۲۰ المساحة الحانبیة للمکعب = مساحة الوجه الواحد \times ۲۰ المساحة الحانبیة للمکعب = مساحة الوجه الواحد \times ۲۰ المساحة الحانبیة للمکعب = مساحة الوجه الواحد \times ۲۰ المساحة الحانبیة للمکعب = مساحة الوجه الواحد \times ۲۰ المساحة الحانبیة للمکعب = مساحة الوجه الواحد \times ۲۰ المساحة الوحد \times ۲۰ المساحة الوجه الواحد \times ۲۰ المساحة الوجه الواحد \times ۲۰ المساحة الوحد \times ۲۰ المساحة المساحة الوحد \times ۲۰ المسا

أحمد الننتتوى

أحمد الننتتوي

العربية

عدد البلاط اللازم لذلك = .00 \div .70., = ... البلاط اللازم لذلك = .00 \div .70., = ... التكلفة = .70 \times (02 \pm 0) = ... (10 \pm .70 \pm .70 \pm .70 \pm .70 مساحة الورق = ... | \times .70 \pm .70 \pm

الوحدة الرابعة الإحصاء و الاحتمال الدرس الأول : تمثيل البياثات الإحصائية بالقطاعات الدائرية (ا) [۱] $\frac{1}{3}$ [۲] $\frac{1}{3}$

o. (٢) ٪ يفضلون البرامج الرياضية يمثل أم مساحة سطح الدائرة ،

٢٥٪ يفضلون البرامج الموسيقية يمثل بن ،
 ١٢,٥٪ يفضلون البرامج الثقافية يمثل أن ،
 ١٢,٥٪ يفضلون البرامج الإخبارية يمثل أن ألشكل المقابل يوضح ذلك

قياس الزاوية المركزية لقطاع الدر اسات = $\frac{11}{11} \times 10^\circ$ = 10° قياس الزاوية المصنع الخامس = 10° \tag{2} نسبة إنتاج المصنع الخامس = 10° \tag{2} \tag{10} \tag{10}

أحمد الننتتوى

أحمد الننتتوي

٥٠ ٪الرياضية

) = ۳۵٪ الدرس الثاثي : التجربة العشوائية

فضاء العينة (ف) =

{ I· · 9 · A · V · 7 · 0 · £ · ٣ · Γ · 1 } [I]! (£)

{ I· · A · I · E · F } [F]

{ V · O · P · F } ["]

{ V · O · P · I } [1]

(7) [1] نسبة إنتاج المجزرة الثانية = 1.1 \(\cdot \

قیاس الزاویه المرکزیه نقطاع متزوج = $\frac{111}{1111} \times 10^{\circ}$ = 10° = 1

(٨) مجموع الساعات = ٣٦ ساعة

قياس الزاوية المركزية لقطاع اللغة العربية = $\frac{1}{10} \times .70^{\circ} = .9^{\circ}$ قياس الزاوية المركزية لقطاع اللغة الانجليزية = $\frac{1}{10} \times .70^{\circ} = .7^{\circ}$ قياس الزاوية المركزية لقطاع الرياضيات = $\frac{1}{10} \times .70^{\circ} = .0^{\circ}$ قياس الزاوية المركزية لقطاع العلوم = $\frac{1}{10} \times .70^{\circ} = .0^{\circ}$ قياس الزاوية المركزية لقطاع الدر اسات = $\frac{1}{10} \times .70^{\circ} = .9^{\circ}$ ارسم بنفسك

أحمد الننتتوى

الدرس الثالث: الاحتمال

(۱) العدد الكلى = 20 تلميذ و تلميذة

عدد التلميذات المشتركات في هذه المسابقة $=\frac{2}{5} \times 20 = 7$ تلميذة

- (۳) [۱] ﴿ [۲] ﴿ [۳] ﴿ [٤] ﴿ [٥] صفر [٦] ﴿ [٧] ١
- $\frac{1}{\psi} [0] \quad \frac{1}{\psi} [\Sigma] \quad \frac{1}{10} = \frac{7}{\psi} [\Psi] \quad \frac{1}{0} = \frac{7}{\psi} [\Gamma] \quad \frac{1}{\psi} = \frac{1}{\psi} [I] (\Sigma)$
- (7) بفرض أن حدث أن يكون التلميذ المختار ممن يلعبون كرة القدم هو : $\frac{1}{4}$ إذن : $\frac{1}{4}$ $\frac{$

إذن : عدد التلاميذ $= \frac{1}{2} \times ... = ...$ تلميذ

أحمد التنتتوري

 $\frac{\gamma \gamma}{V} = \frac{\gamma}{\Lambda} = \frac{71}{12} = \frac{\gamma}{2} = \frac{\gamma \gamma}{2}$ احتمال أن يسجل اللاعب الأول = $\frac{\gamma}{12} = \frac{\gamma}{2}$

احتمال أن يسجل اللاعب الثانى = $\frac{77}{77}$ = $\frac{4}{7}$ = $\frac{77}{77}$ يتم اختيار اللاعب الثانى لتسديد ركلة جزاء أثناء المباراة

لأنُ احتمال تسجيله أكبر من احتمال تسجيل اللاعب الأول

 $\frac{7}{4}$ احتمال أن تكون درجة التلميذ المختار أقل من ٤٠ درجة $\frac{7}{4}$

 $\frac{1}{2}$ = 2. \leq التاميذ \leq 1 التاميذ \leq 1 التاميذ التاميذ \leq 1

إذن : عدد التلاميذ الحاصلين على درجة \geq . ٤ = $\frac{1}{2}$ \times . ٤ = . 1 تلاميذ

(٩) عدد التلاميذ = ٤٨

احتمال أن يحصل التلميذ المختار على تقدير جيد $\frac{7}{4} = \frac{1}{4}$

[7] بفرض أن الحصول على عدد فردى أولى هو : ب إذن : ب [7]



أحمد الننتتوري